

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

KOD UCZNIĄ

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**  
Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**O-K00.**



# Egzamin ósmoklasisty

## Matematyka

DATA: **15 maja 2024 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS PRACY: **100 minut**

### Instrukcja dla ucznia

1. Sprawdź, czy na kolejno ponumerowanych **21 stronach** jest wydrukowanych **19 zadań**.
2. Ewentualny brak stron lub inne usterki zgłoś nauczycielowi.
3. Czytaj uważnie wszystkie zadania i wykonuj je zgodnie z poleceniami.
4. Rozwiązania zadań zapisuj długopisem lub piórem z czarnym tuszem/atramentem.
5. Nie używaj korektora.
6. Rozwiązania zadań **zamkniętych**, tj. **1–15**, zaznacz w arkuszu zgodnie z informacjami zamieszczonymi na następnej stronie. W każdym zadaniu poprawna jest zawsze **tylko jedna** odpowiedź.
7. Rozwiązania zadań **otwartych**, tj. **16–19**, zapisz czytelnie i starannie w wyznaczonych miejscach w arkuszu egzaminacyjnym.
8. Ewentualne poprawki w odpowiedziach zapisz zgodnie z informacjami zamieszczonymi na następnej stronie.
9. Zapisy w brudnopisie nie będą sprawdzane i oceniane.

**Powodzenia!**

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

Uprawnienia ucznia do dostosowania zasad oceniania.

Uczeń **nie przenosi** odpowiedzi na kartę odpowiedzi.



OMAP-**K00**-2405

## Zapoznaj się z poniższymi informacjami

### 1. Jak zaznaczyć poprawną odpowiedź oraz pomyłkę w zadaniach zamkniętych?

W niektórych zadaniach podano cztery odpowiedzi: A, B, C, D.

Tylko jedna z nich jest poprawna. Wybierz odpowiedź i zaznacz ją znakiem  $\times$ , np.

$\times$                       B.                      C.                      D.

W innych zadaniach wybierz poprawne uzupełnienie zdań spośród oznaczonych literami A i B oraz spośród oznaczonych literami C i D i za każdym razem zaznacz znakiem  $\times$  wybraną odpowiedź, np.

$\times$	B
----------	---

                      oraz                      

C	$\times$
---	----------

W jeszcze innych zadaniach zdecyduj, czy zdanie jest prawdziwe czy fałszywe, i zaznacz znakiem  $\times$  wybraną odpowiedź, np.

$\times$	F
----------	---

Jeśli się pomylisz, otocz znak  $\times$  kółkiem i zaznacz inną odpowiedź, np.

$\times$
----------

                      B.                      

$\times$
----------

                      D.

### 2. Jak zaznaczyć pomyłkę i zapisać poprawną odpowiedź w zadaniach otwartych?

Jeśli się pomylisz, zapisując odpowiedź w zadaniu otwartym, pomyłkę przekreśl i napisz poprawną odpowiedź, np.

nad niepoprawnym fragmentem

*64 cm<sup>2</sup>*

*Pole kwadratu jest równe ~~100 cm<sup>2</sup>~~.*

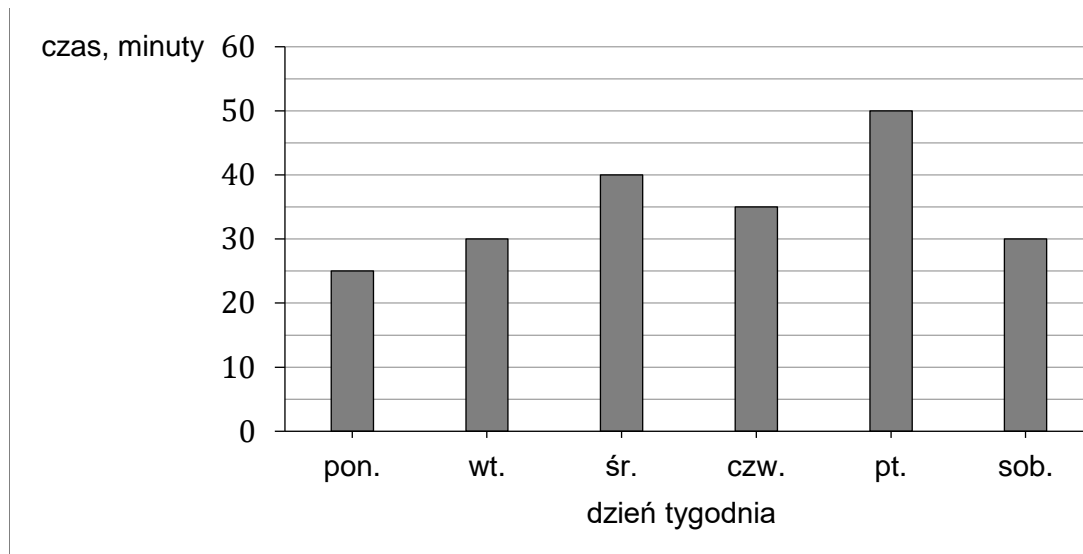
lub obok niego

*Pole kwadratu jest równe ~~100 cm<sup>2</sup>~~ 64 cm<sup>2</sup>*

**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane na kolejnych stronach.**

### Zadanie 1. (0–1)

Ala codziennie uczyła się języka hiszpańskiego. Na diagramie przedstawiono, ile czasu przeznaczyła na naukę tego języka w kolejnych dniach tygodnia od poniedziałku do soboty.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Zaznacz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Ala przez cztery dni – od poniedziałku do czwartku – na naukę języka hiszpańskiego przeznaczyła łącznie 2 godziny i 10 minut.	P	F
Na naukę języka hiszpańskiego w sobotę Ala przeznaczyła o 40% czasu mniej niż w piątek.	P	F

### Zadanie 2. (0–1)

Wypisano ułamki spełniające łącznie następujące warunki:

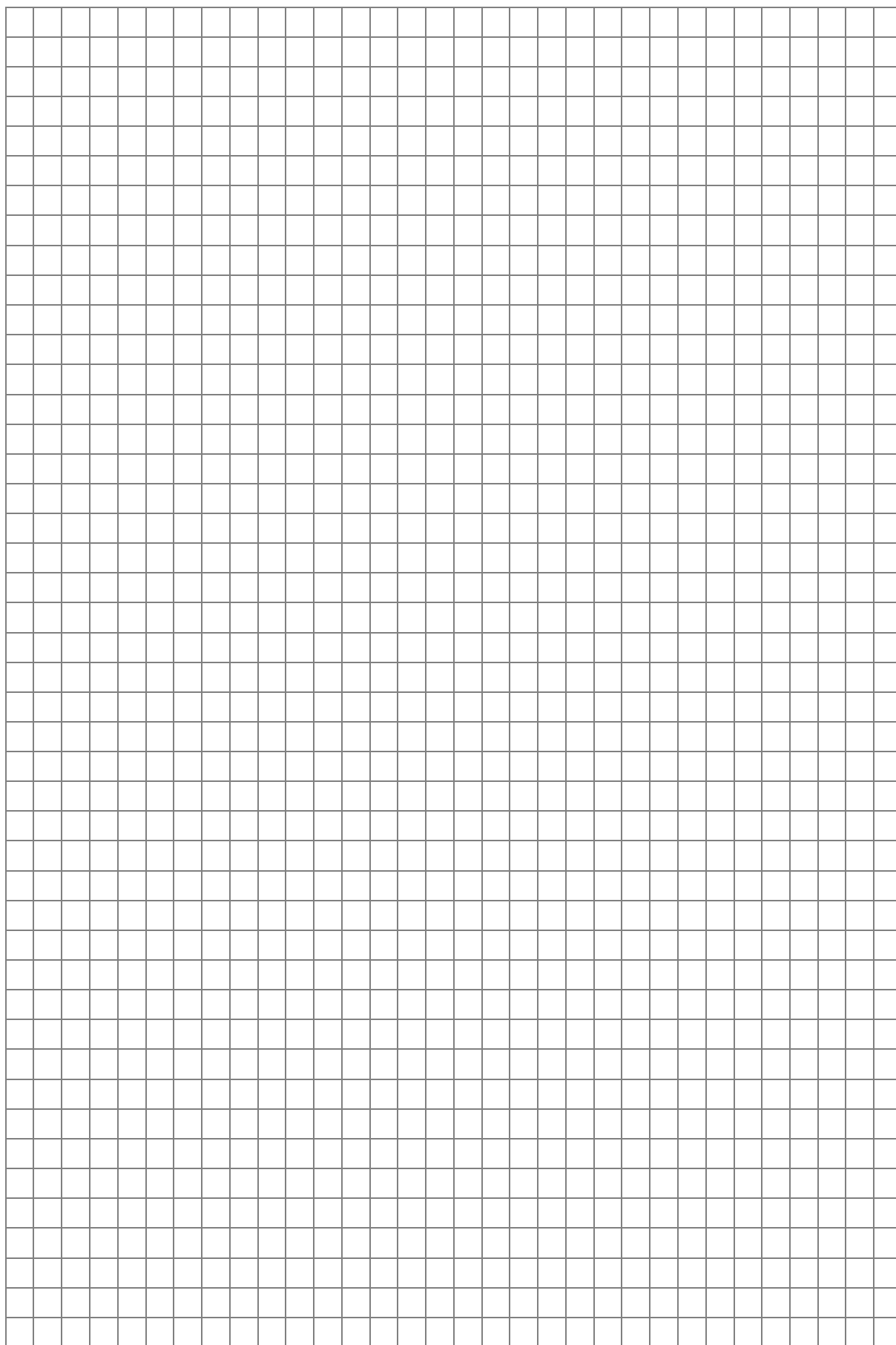
- mianownik każdego z nich jest równy 4
- licznik każdego z nich jest liczbą naturalną większą od mianownika
- każdy z tych ułamków jest większy od liczby 3 oraz mniejszy od liczby 5.

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wszystkich ułamków spełniających powyższe warunki jest

- A. sześć.                      B. siedem.                      C. osiem.                      D. dziewięć.

**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 3. (0–1)**

Średnia arytmetyczna trzech liczb: 12, 14,  $k$ , jest równa 16.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Zaznacz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Liczba $k$ jest równa 22.	P	F
Średnia arytmetyczna liczb: 12, 14, $k$ , 11, 17, jest większa od 16.	P	F

**Zadanie 4. (0–1)**

Dane są dwie liczby  $x$  i  $y$  zapisane za pomocą wyrażeń arytmetycznych:

$$x = \frac{4}{5} \cdot \left(-\frac{4}{3}\right) \qquad y = \frac{4}{5} + \left(-\frac{4}{3}\right)$$

Uzupełnij zdania. Zaznacz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Liczba  $y$  jest liczbą 

A	B
---	---

.

A. ujemną                      B. dodatnią

Liczba  $x$  jest 

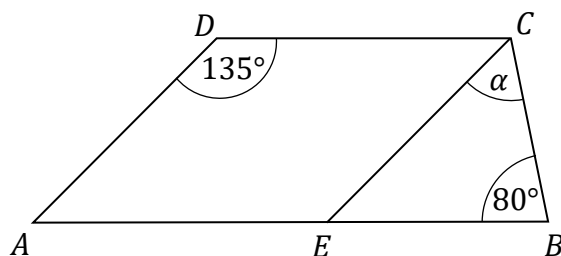
C	D
---	---

 od liczby  $y$ .

C. mniejsza                      D. większa

**Zadanie 5. (0–1)**

Dany jest trapez  $ABCD$ , w którym bok  $AB$  jest równoległy do boku  $DC$ . W tym trapezie poprowadzono odcinek  $EC$  równoległy do boku  $AD$ , podano miary dwóch kątów oraz oznaczono kąt  $\alpha$  (zobacz rysunek).

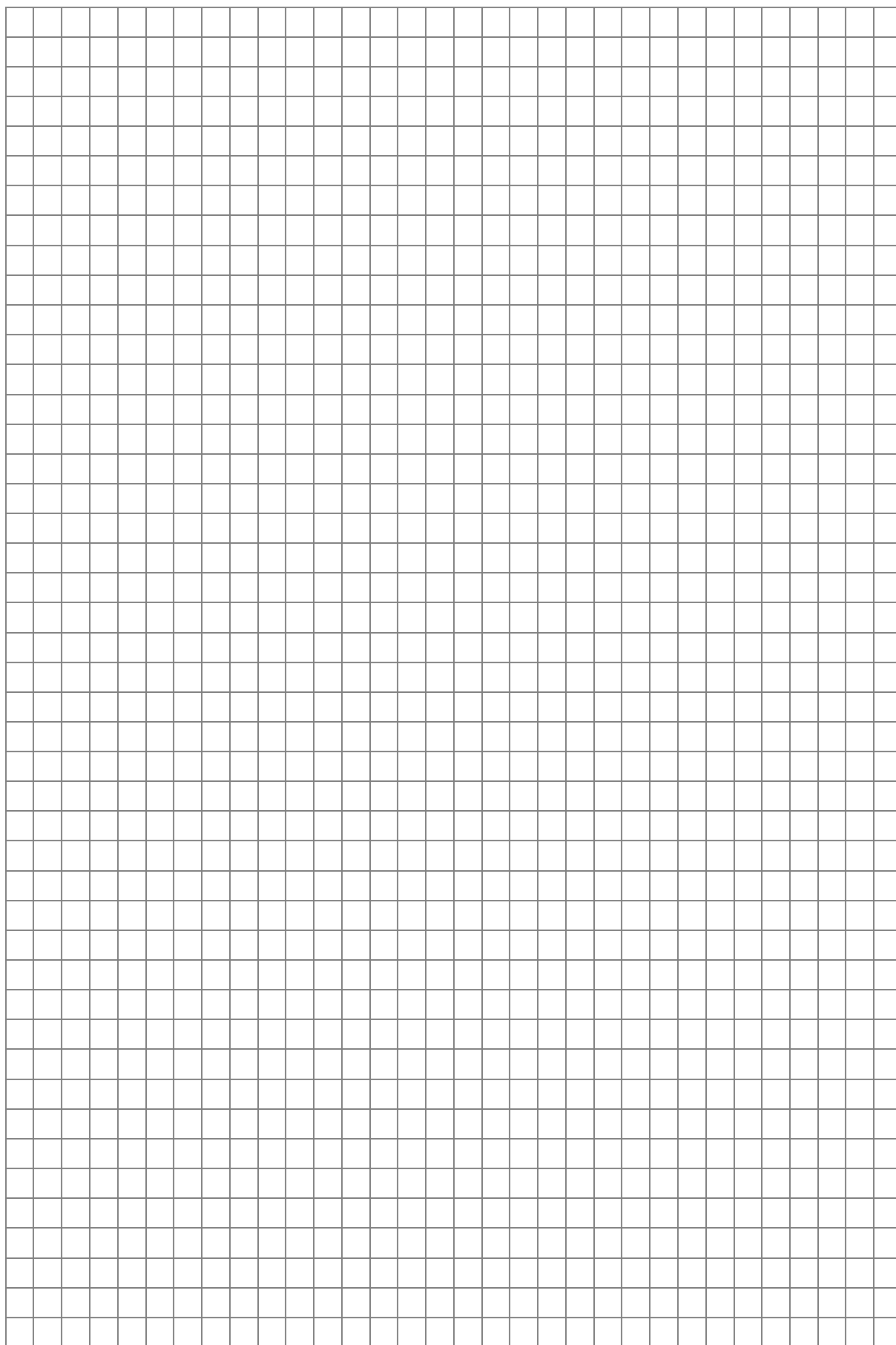


Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Kąt  $\alpha$  ma miarę

A.  $55^\circ$                       B.  $50^\circ$                       C.  $45^\circ$                       D.  $20^\circ$

**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 6. (0–1)**

Dane jest równanie

$$5x = \frac{y}{w}, \text{ gdzie } x, y, w \text{ są różne od } 0.$$

Zadaniem Pawła było przekształcanie tego równania tak, aby wyznaczyć  $x, y, w$ .

Paweł otrzymał trzy równania:

I.  $x = \frac{y}{5w}$

II.  $y = \frac{5x}{w}$

III.  $w = \frac{y}{5x}$

**Które z równań I–III są poprawnymi przekształceniami równania  $5x = \frac{y}{w}$ ?**

**Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

A. I i II

B. II i III

C. I i III

D. I, II, III

**Zadanie 7. (0–1)**

**Oceń prawdziwość podanych zdań. Zaznacz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.**

Iloczyn $3 \cdot 9^5$ jest równy wartości wyrażenia $3^{11}$ .	P	F
Wyrażenie $\frac{2^8 \cdot 2^7}{2^{10}}$ można zapisać w postaci $2^5$ .	P	F

**Zadanie 8. (0–1)**

Karolina kupiła jedno pudełko balonów. W tabeli podano informacje dotyczące kolorów balonów oraz ich liczby w tym pudełku.

Kolor balonu	czerwony	niebieski	zielony	żółty
Liczba balonów	10	8	6	8

Karolina wyjmowała losowo po jednym balonie z pudełka. Pierwsze dwa wyjęte balony były w kolorze czerwonym.

**Jakie jest prawdopodobieństwo, że trzeci balon losowo wyjęty przez Karolinę będzie w kolorze czerwonym? Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

A.  $\frac{1}{3}$

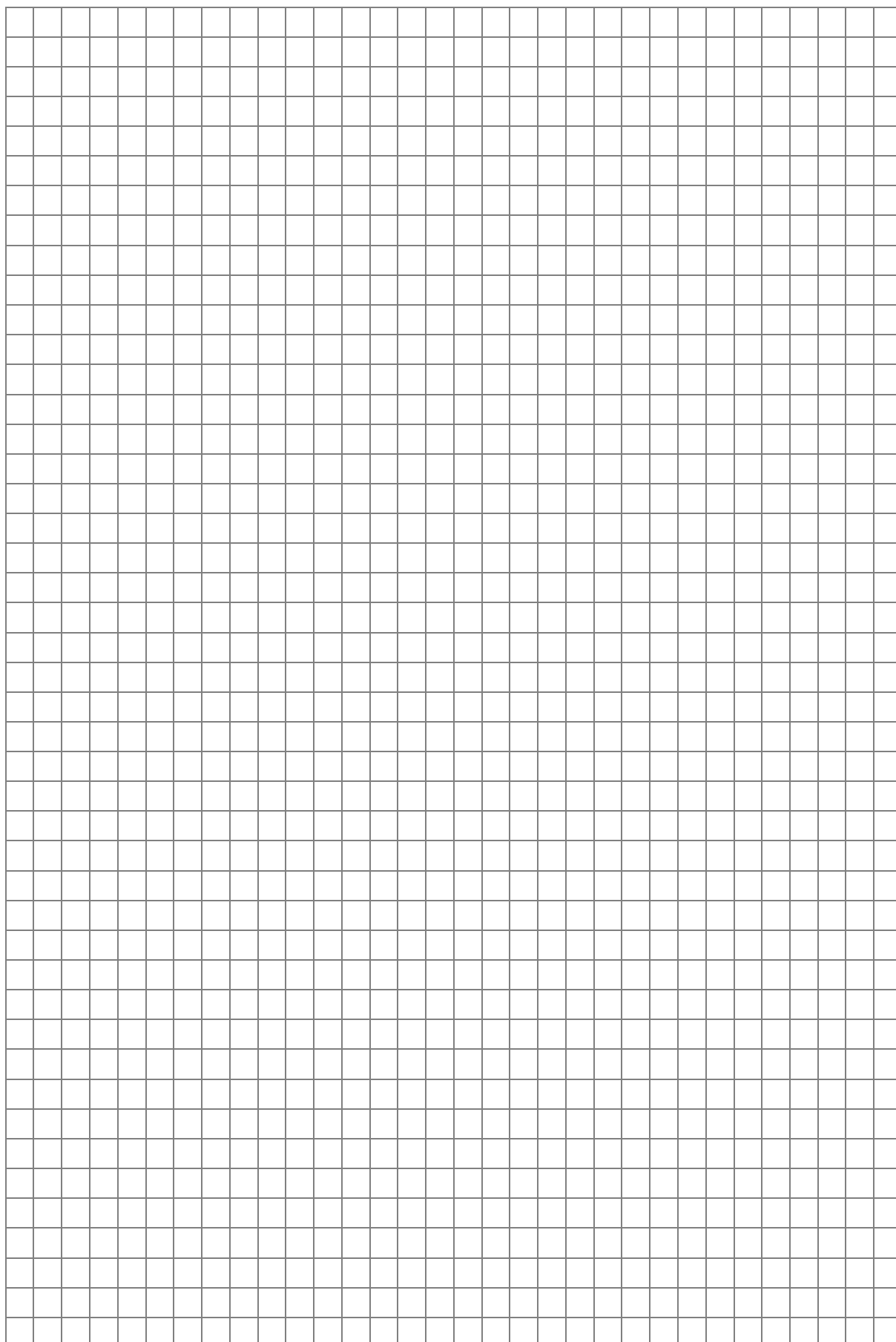
B.  $\frac{5}{16}$

C.  $\frac{4}{15}$

D.  $\frac{1}{4}$



**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 9. (0–1)**

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wyrażenie  $x(x + 4) - 3(2x - 5)$  można przekształcić równoważnie do postaci

- A.  $x^2 + 2x - 5$   
C.  $x^2 + 2x - 15$

- B.  $x^2 - 2x + 5$   
D.  $x^2 - 2x + 15$

**Zadanie 10. (0–1)**

Podróż pociągiem z Olsztyna do Gdyni planowo trwa 2 godziny i 54 minuty. Pewnego dnia pociąg wyjechał z Olsztyna punktualnie o wyznaczonej godzinie, ale przyjechał do Gdyni z czterominutowym opóźnieniem o godzinie 17:31.

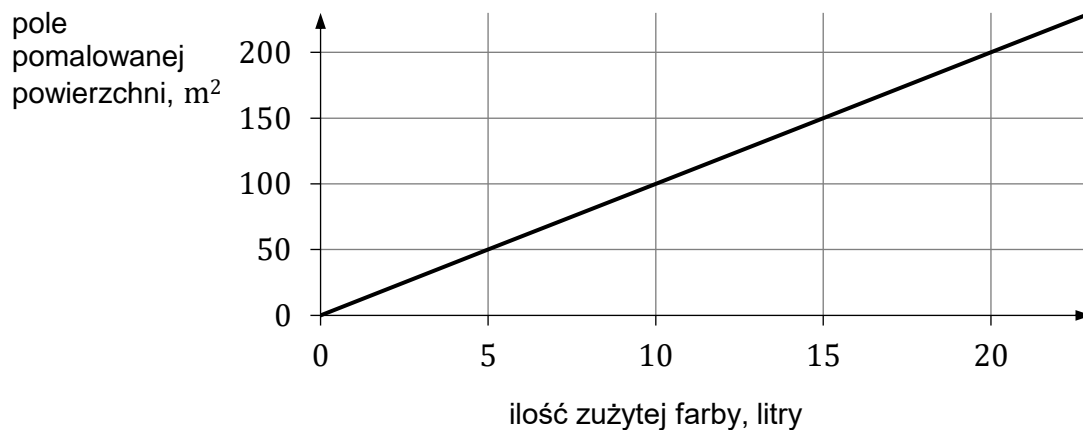
Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Pociąg wyjechał z Olsztyna o godzinie

- A. 14:27                      B. 14:41                      C. 14:31                      D. 14:33

**Zadanie 11. (0–1)**

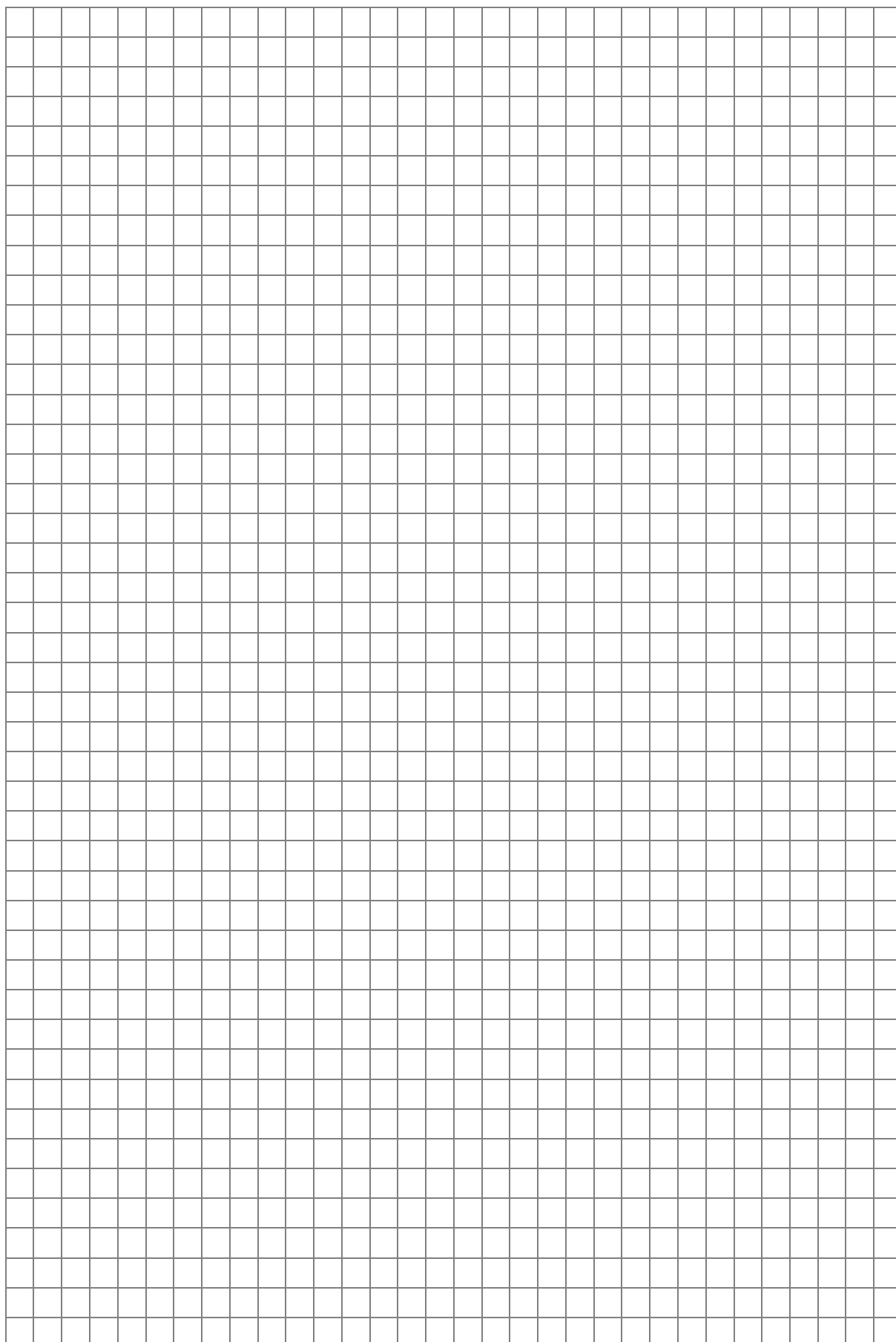
Na wykresie przedstawiono zależność pola pomalowanej powierzchni od ilości zużytej farby. Pole pomalowanej powierzchni jest wprost proporcjonalne do ilości zużytej farby.



Oceń prawdziwość podanych zdań. Zaznacz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

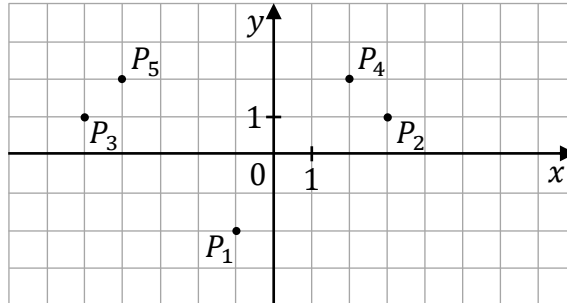
18 litrów tej farby wystarczy na pomalowanie 180 m <sup>2</sup> powierzchni.	P	F
Na pomalowanie 125 m <sup>2</sup> powierzchni wystarczy 12 litrów tej farby.	P	F

**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 12. (0–1)**

W układzie współrzędnych  $(x, y)$  zaznaczono pięć punktów  $P_1, P_2, P_3, P_4$  oraz  $P_5$  (zobacz rysunek). Wszystkie współrzędne tych punktów są liczbami całkowitymi. Punkt  $P_1$  ma współrzędne  $(-1, -2)$ .



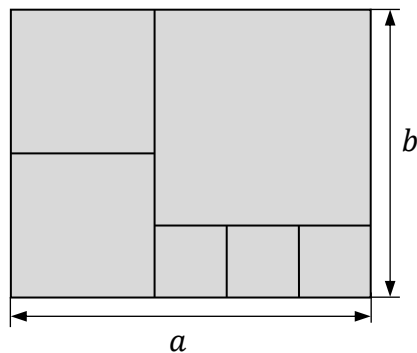
**Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Jeżeli współrzędną  $x$  punktu  $P_1$  zwiększymy o 4, a współrzędną  $y$  tego punktu zwiększymy o 3, to otrzymamy współrzędne punktu

- A.  $P_2$                       B.  $P_3$                       C.  $P_4$                       D.  $P_5$

**Zadanie 13. (0–1)**

Na rysunku przedstawiono prostokąt o bokach długości  $a$  i  $b$  podzielony na sześć kwadratów.

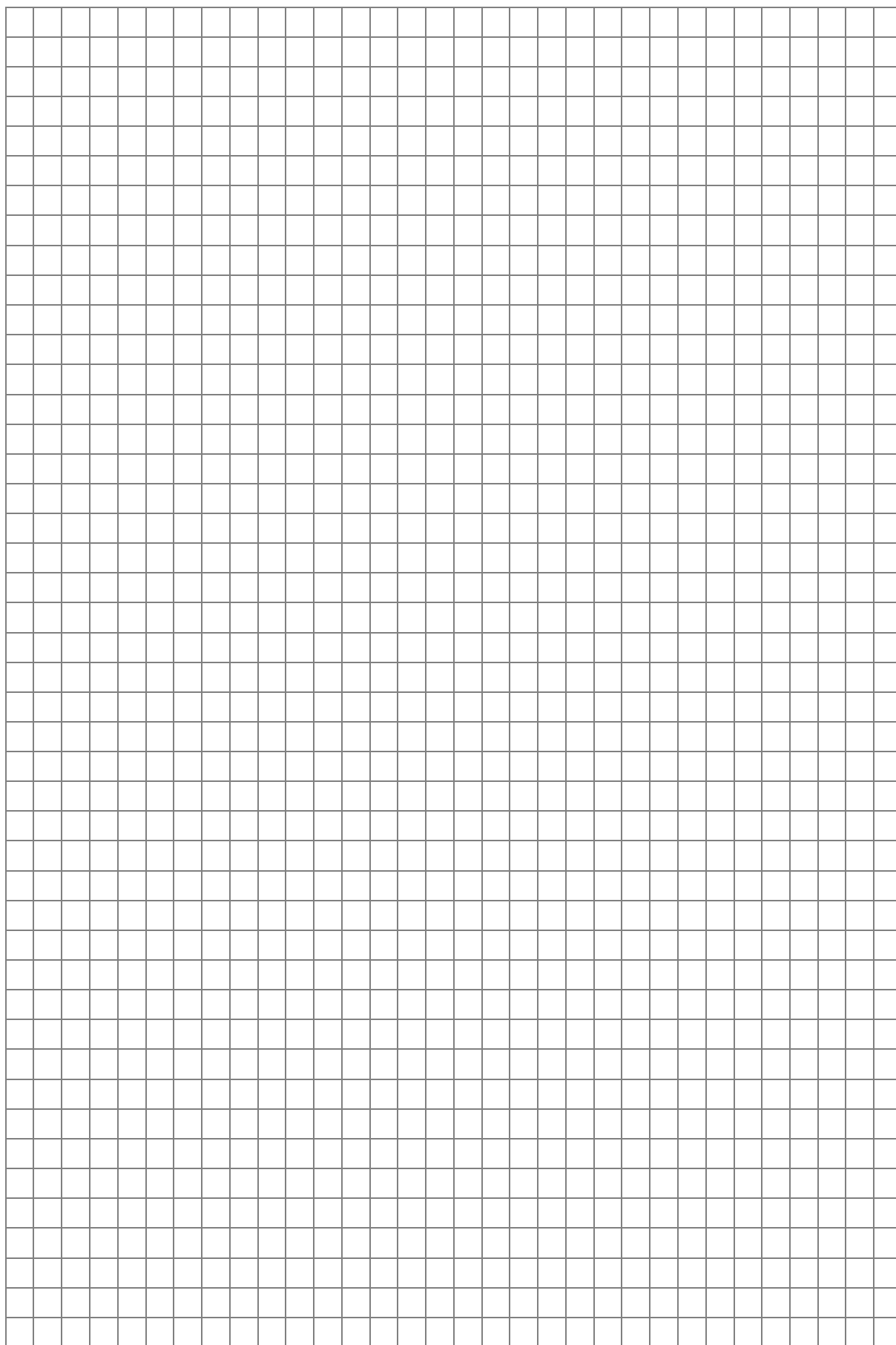


**Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.**

Stosunek długości boków  $a : b$  tego prostokąta jest równy

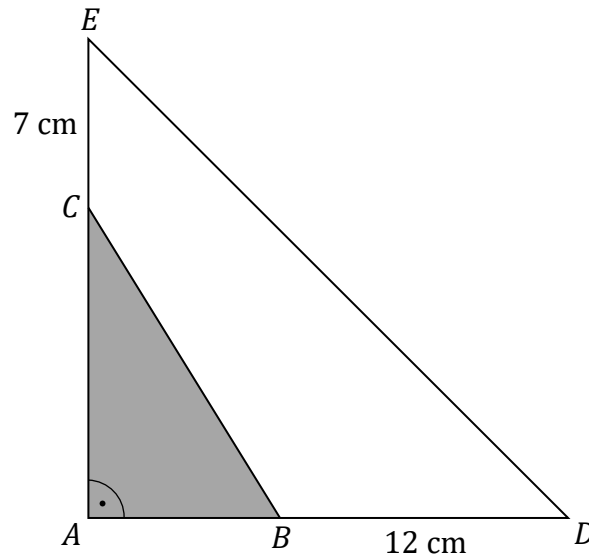
- A.  $6 : 5$                       B.  $5 : 4$                       C.  $4 : 3$                       D.  $3 : 2$

**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 14. (0–1)**

W trójkącie prostokątnym  $ABC$  przyprostokątną  $AC$  wydłużono o 7 cm, a przyprostokątną  $AB$  wydłużono o 12 cm i otrzymano trójkąt prostokątny równoramienny  $ADE$  o polu równym  $200 \text{ cm}^2$  (zobacz rysunek).



Oceń prawdziwość podanych zdań. Zaznacz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Przyprostokątna trójkąta $ADE$ jest równa 20 cm.	P	F
Pole trójkąta $ABC$ jest równe $52 \text{ cm}^2$ .	P	F

**Zadanie 15. (0–1)**

Dany jest ostrosłup prawidłowy czworokątny. Pole powierzchni całkowitej tej bryły jest równe  $P$ , a jedna ściana boczna ma pole równe  $\frac{2}{9}P$ .

Uzupełnij zdania. Zaznacz odpowiedź spośród oznaczonych literami A i B oraz odpowiedź spośród oznaczonych literami C i D.

Pole powierzchni bocznej tego ostrosłupa jest równe 

A	B
---	---

.

A.  $\frac{6}{9}P$

B.  $\frac{8}{9}P$

Pole powierzchni podstawy tego ostrosłupa jest dwa razy 

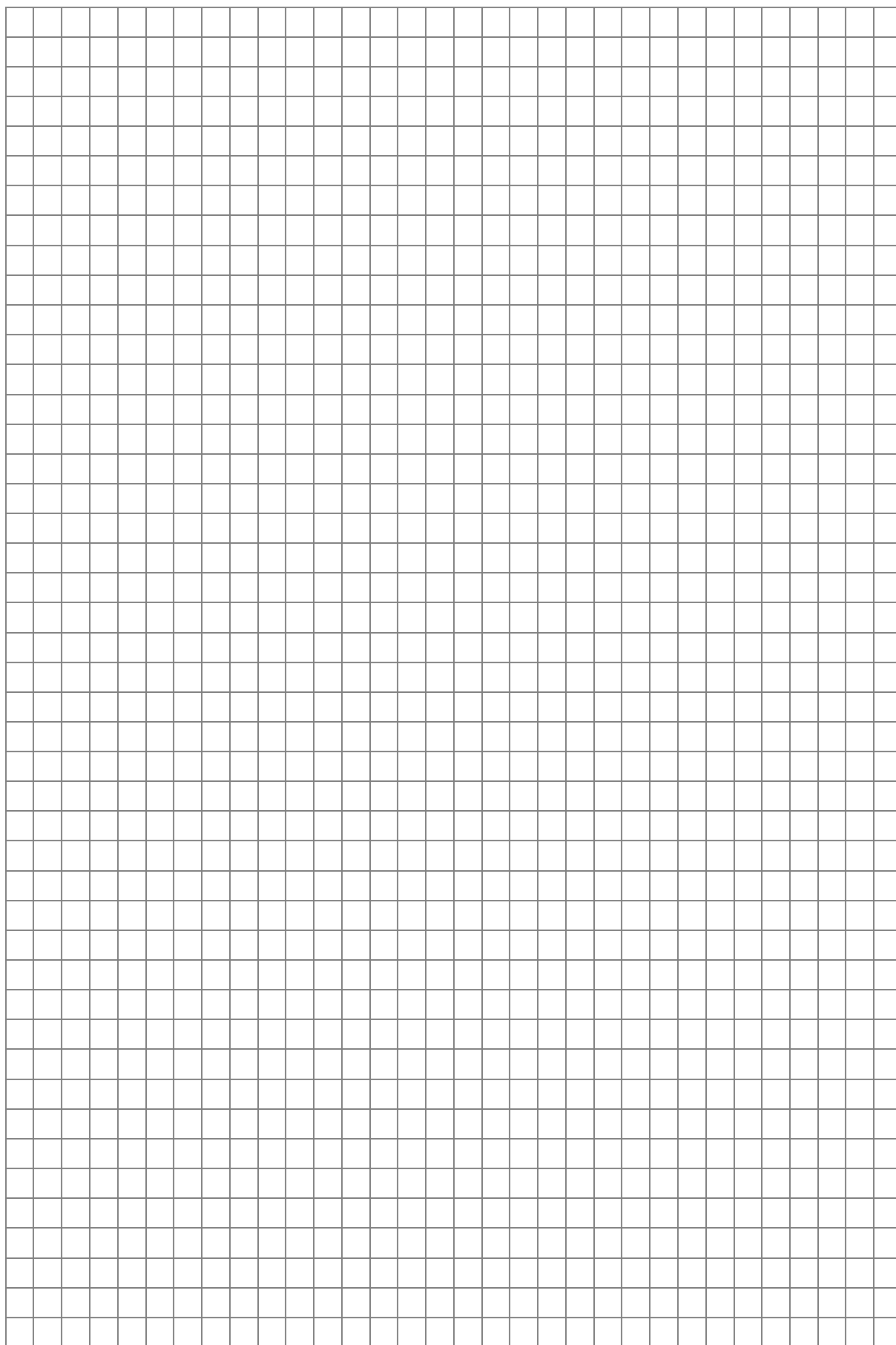
C	D
---	---

 niż pole powierzchni jego jednej ściany bocznej.

C. mniejsze

D. większe

**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**

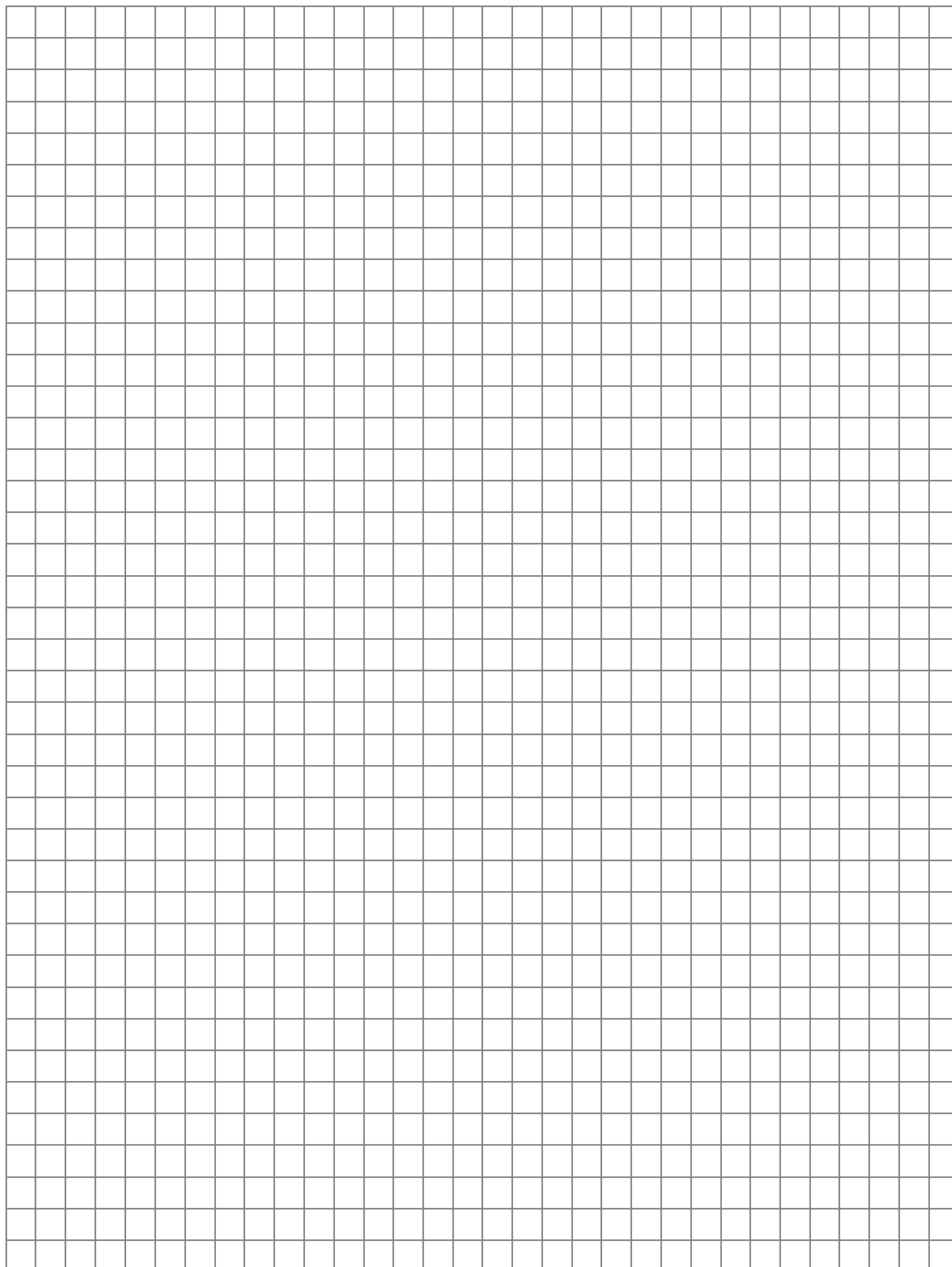


**Zadanie 16. (0–2)**

Ela i Ania dostały w prezencie po jednym zestawie puzzli o takiej samej liczbie elementów.

Ela ułożyła  $\frac{2}{5}$  swoich puzzli, a Ania  $\frac{1}{3}$  swoich. Dziewczynki ułożyły łącznie 440 elementów.

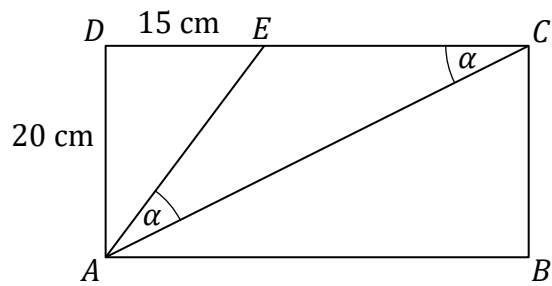
**Oblicz, z ilu elementów składa się jeden zestaw puzzli. Zapisz obliczenia.**

A large grid of 20 columns and 30 rows, intended for students to write their calculations and solutions for the problem.

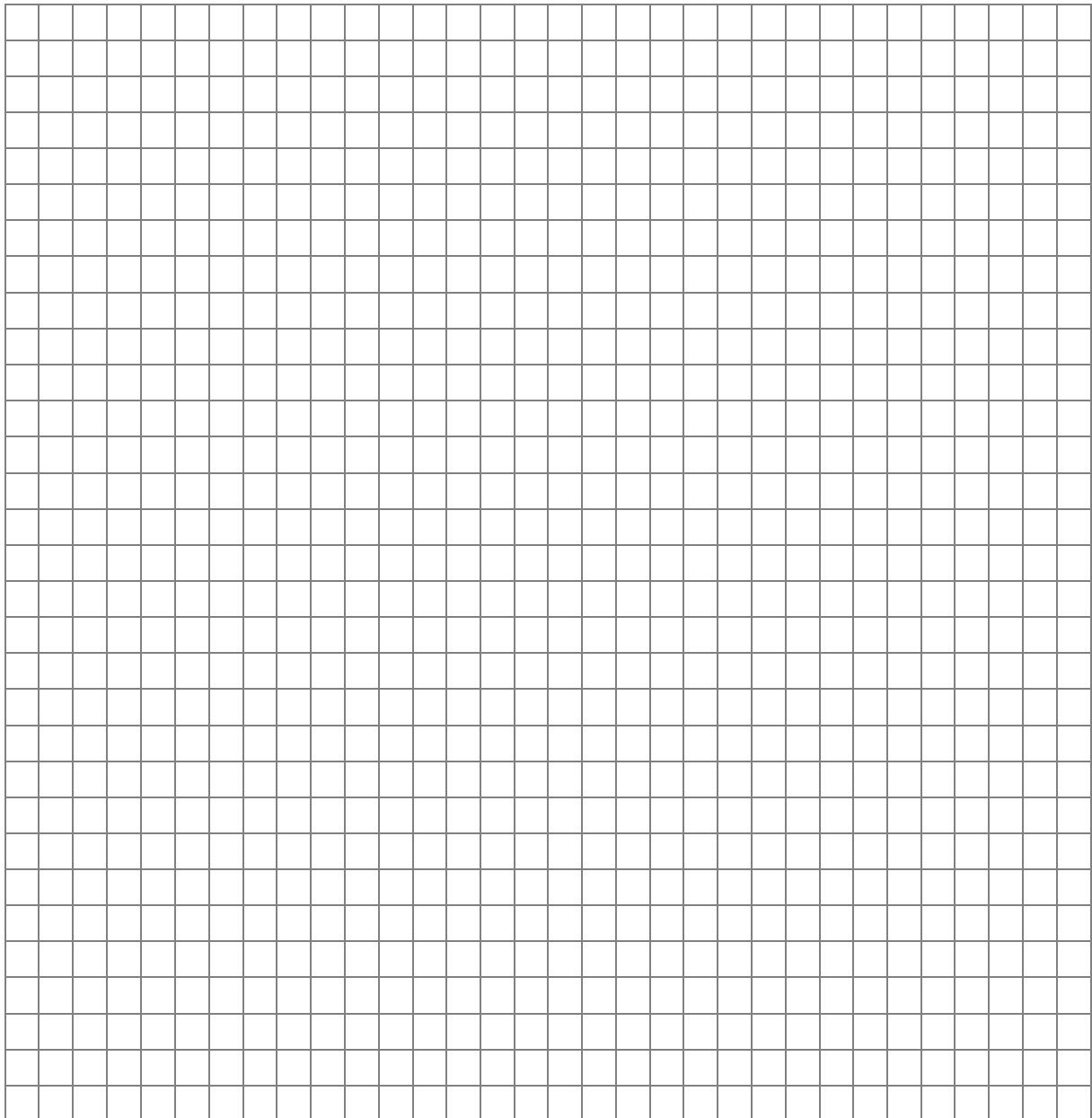


**Zadanie 17. (0–3)**

Prostokąt  $ABCD$  podzielono na trzy trójkąty:  $AED$ ,  $ACE$ ,  $ABC$  (zobacz rysunek).  
Na rysunku podano również długości dwóch boków trójkąta  $AED$  oraz zaznaczono dwa kąty trójkąta  $ACE$ , o takiej samej mierze  $\alpha$ .



**Oblicz pole trapezu  $ABCE$ . Zapisz obliczenia.**

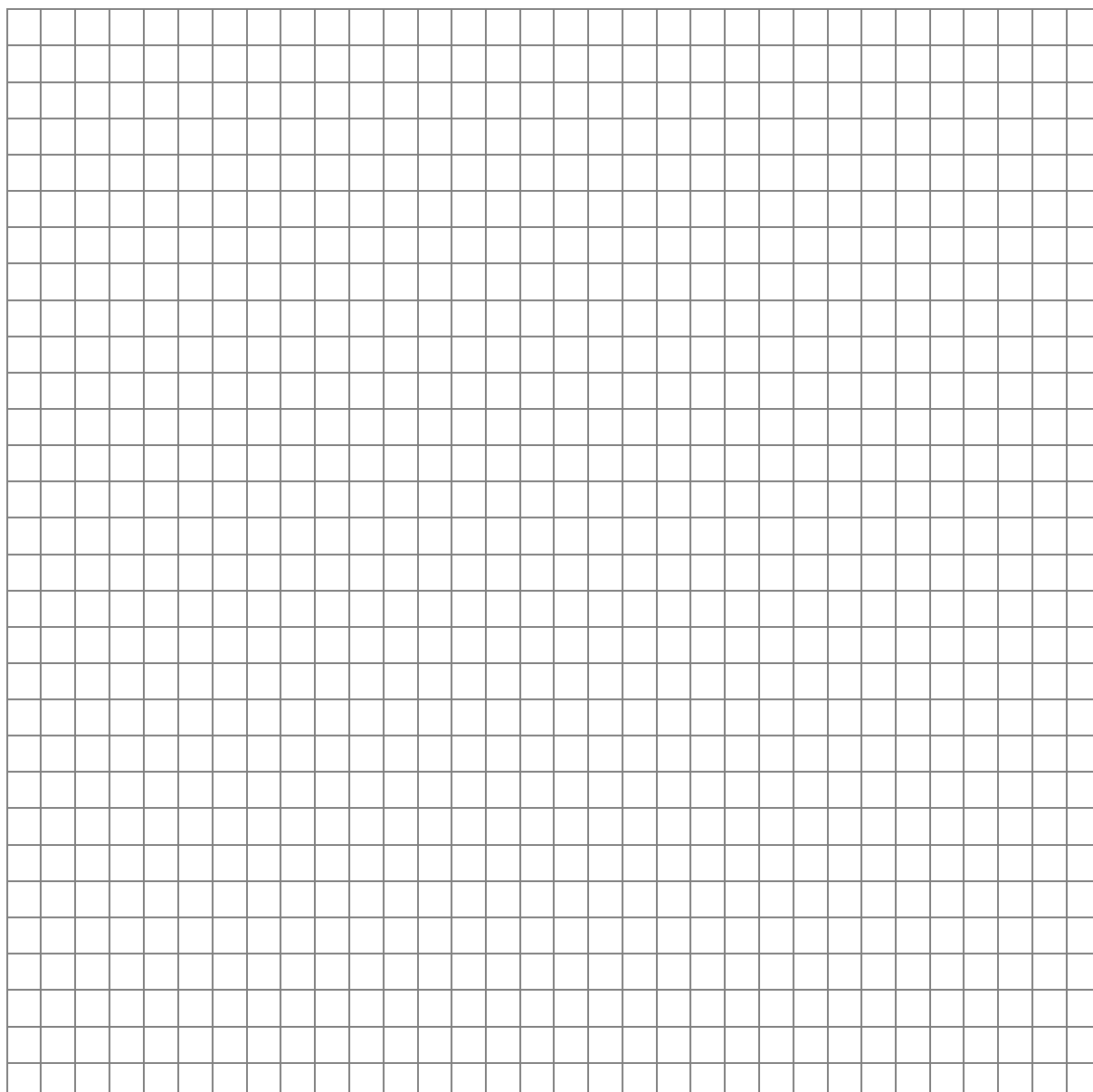


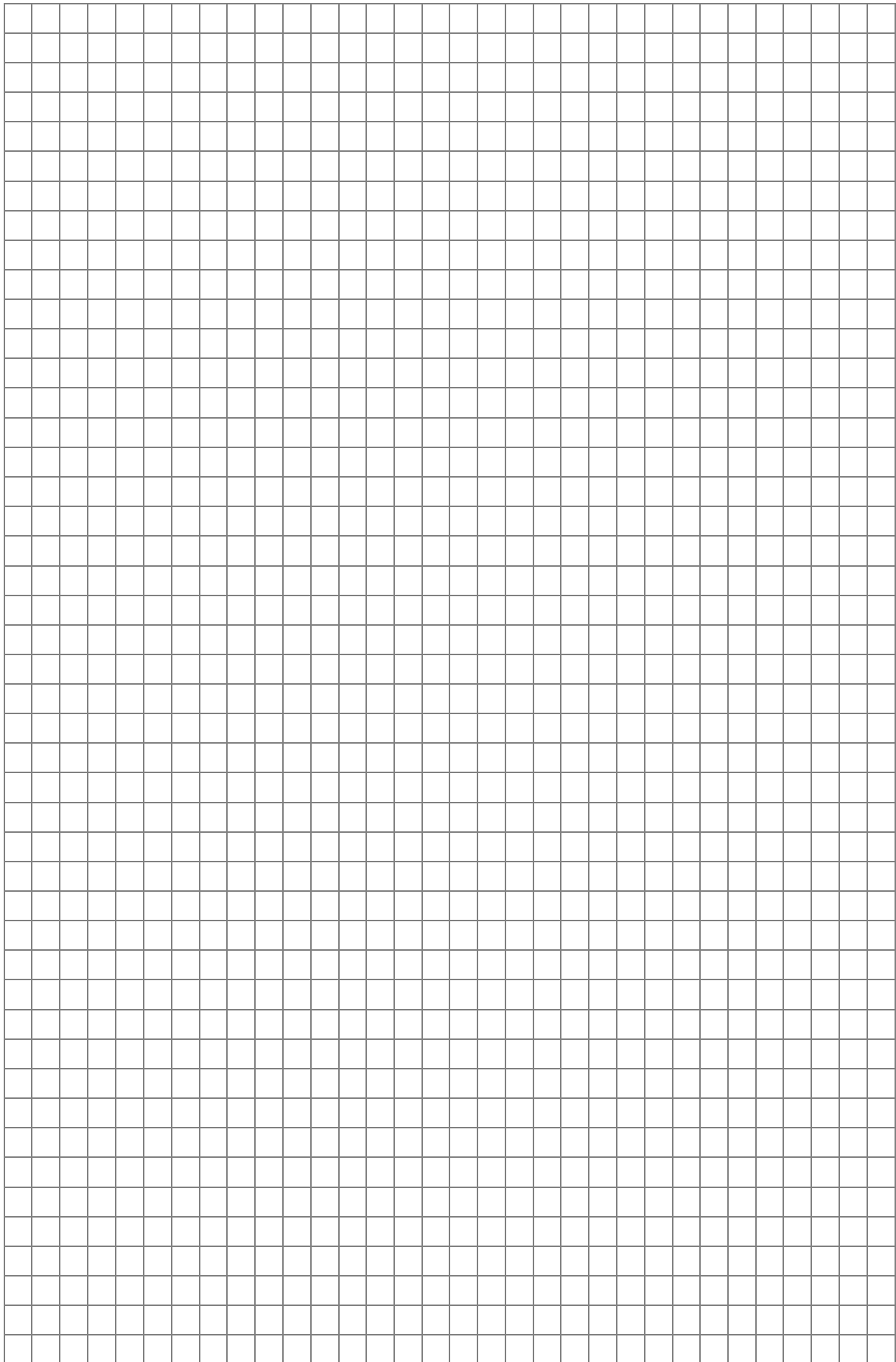
**Zadanie 18. (0–3)**

Pan Jan sprzedał w swoim sklepie 120 kg truskawek. Połowę masy tych truskawek sprzedał w dużych opakowaniach, 10% masy truskawek – w średnich, a pozostałe truskawki w małych opakowaniach. W tabeli podano informacje dotyczące sprzedaży truskawek w sklepie pana Jana.

SKLEP U JANA		
Rodzaj opakowania	Masa truskawek w opakowaniu	Cena opakowania z truskawkami
duże	1 kg	18 zł
średnie	0,5 kg	10 zł
małe	0,25 kg	6 zł

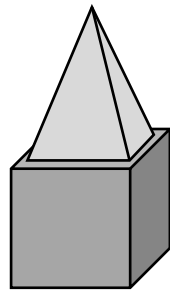
**Oblicz, jaką kwotę otrzymał pan Jan ze sprzedaży wszystkich truskawek. Zapisz obliczenia.**



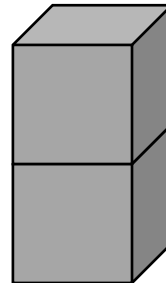


**Zadanie 19. (0–2)**

Z trzech jednakowych klocków w kształcie sześcianu i jednego klocka w kształcie ostrosłupa prawidłowego czworokątnego zbudowano dwie wieże (zobacz rysunek). Krawędź sześcianu ma długość 10 cm. Krawędź podstawy ostrosłupa prawidłowego czworokątnego ma długość 9 cm, a jego objętość jest równa  $324 \text{ cm}^3$ .

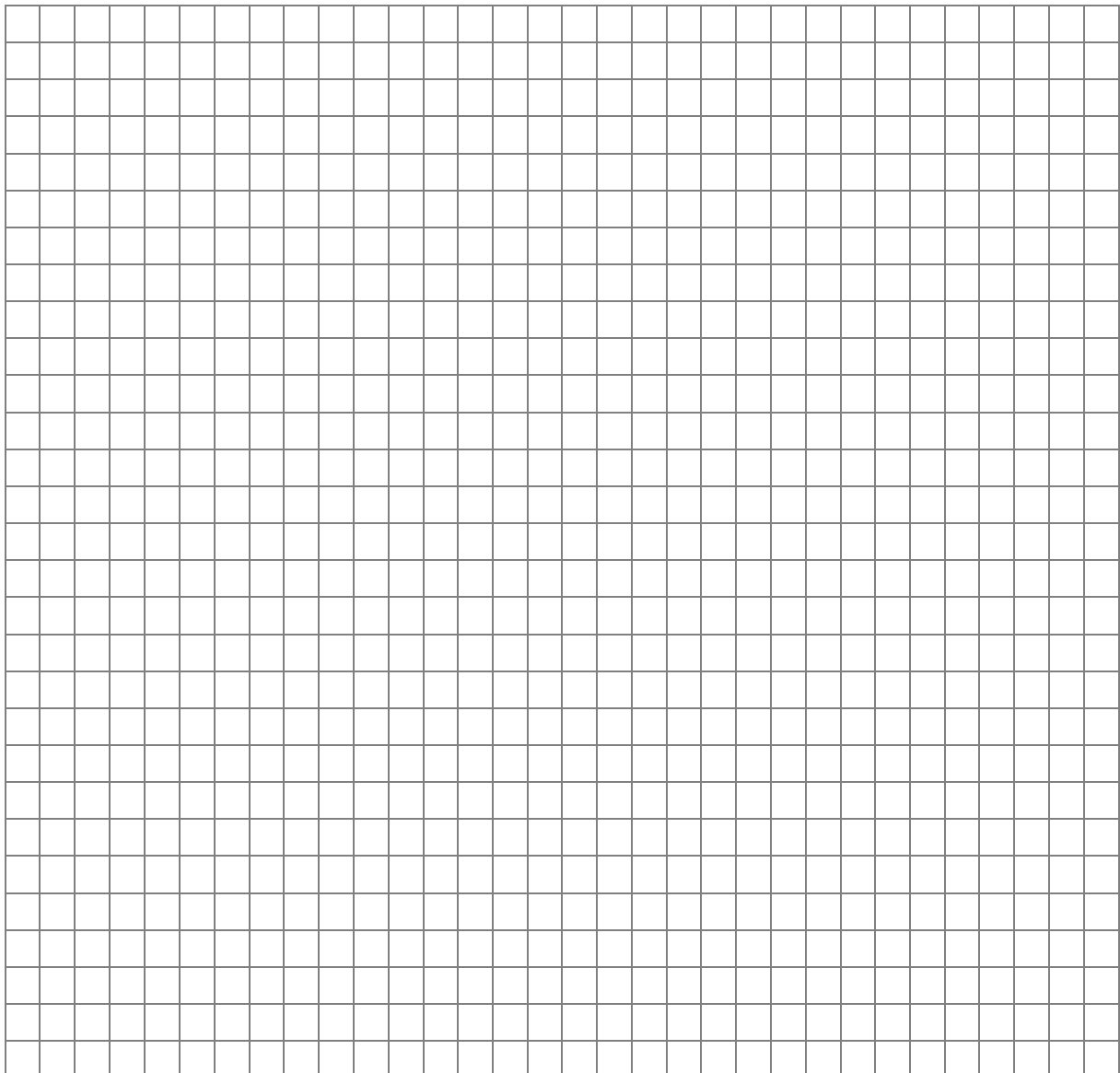


I wieża

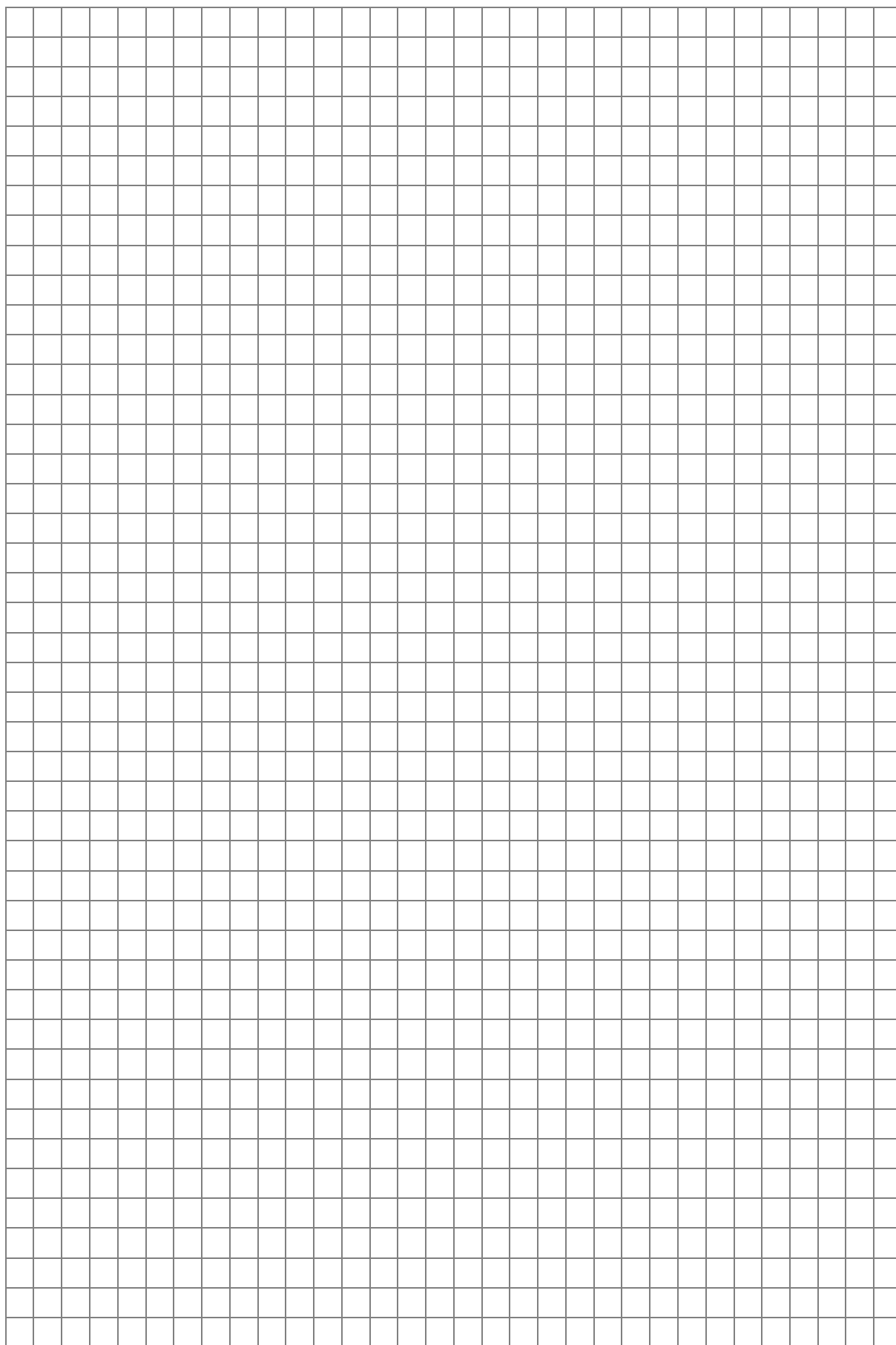


II wieża

**Oblicz różnicę wysokości obu wież. Zapisz obliczenia.**



**Brudnopis (*nie podlega ocenie*)**







**MATEMATYKA**

**Egzamin ósmoklasisty**



**MATEMATYKA**

**Egzamin ósmoklasisty**



**MATEMATYKA**

**Egzamin ósmoklasisty**

