

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

KOD

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miejsce na naklejkę.
Sprawdź, czy kod na naklejce to
M-Q00.

Egzamin maturalny

Formuła 2023

MATEMATYKA

Poziom rozszerzony

TEST DIAGNOSTYCZNY

Symbol arkusza

MMAP-R0-Q00-2212

DATA: 19 grudnia 2022 r.

GODZINA ROZPOCZĘCIA: 9:00

CZAS TRWANIA: do 210 minut

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: 50

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

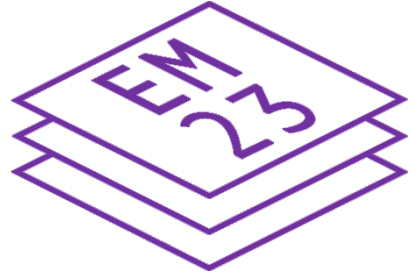
Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.

Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.



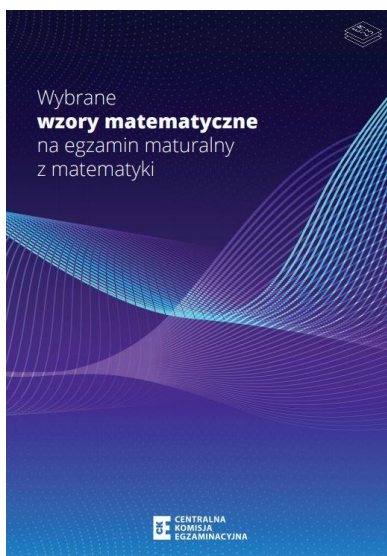


Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 39 stron (zadania 1–12). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
3. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym przy każdym zadaniu.
4. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
5. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
6. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.

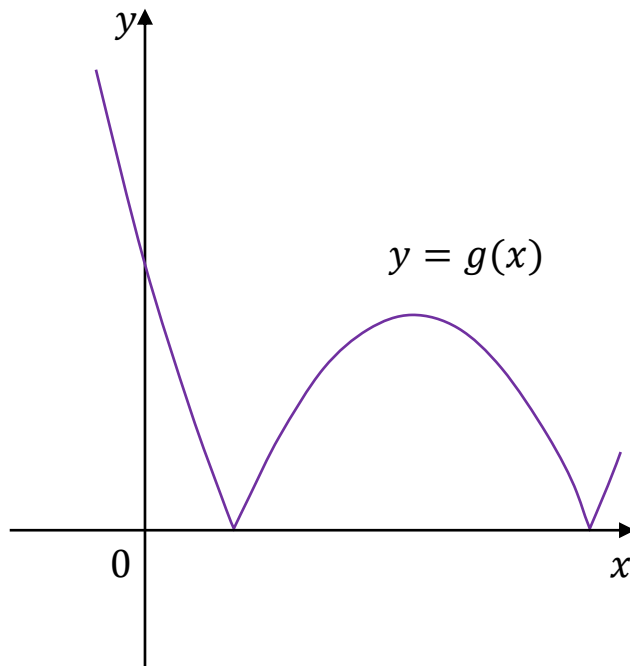


7. Możesz korzystać z *Wybranych wzorów matematycznych*, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego. Upewnij się, czy przekazano Ci broszurę z okładką taką jak poniżej.



Zadanie 2.

Funkcja g jest określona wzorem $g(x) = \left| -\frac{1}{4}x^2 + 3x - 5 \right|$ dla każdego $x \in \mathbb{R}$. Fragment wykresu funkcji g w kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y) przedstawiono na rysunku (jednostki pominięto).

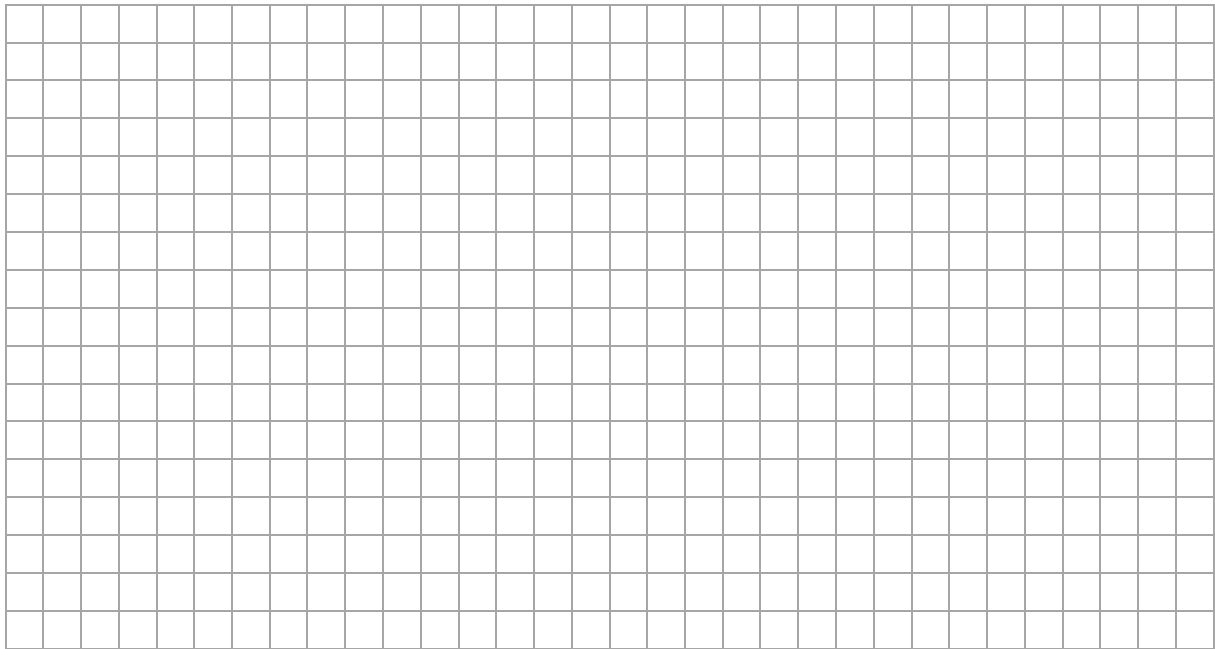


Zadanie 2.1. (0–2)

Wyznacz zbiór wszystkich wartości, jakie funkcja g przyjmuje w przedziale $[9, 11]$.

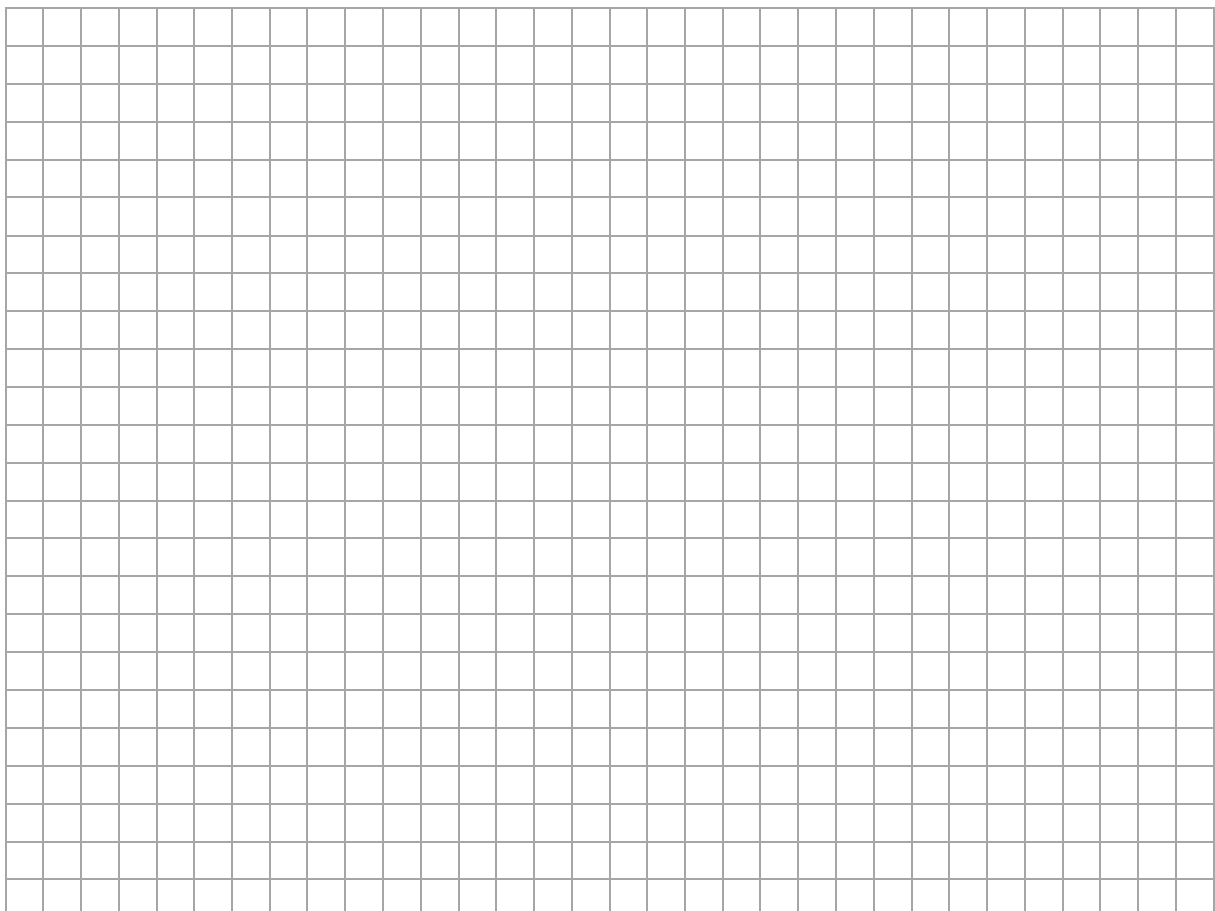
Zapisz obliczenia.





Zadanie 2.2. (0–2)

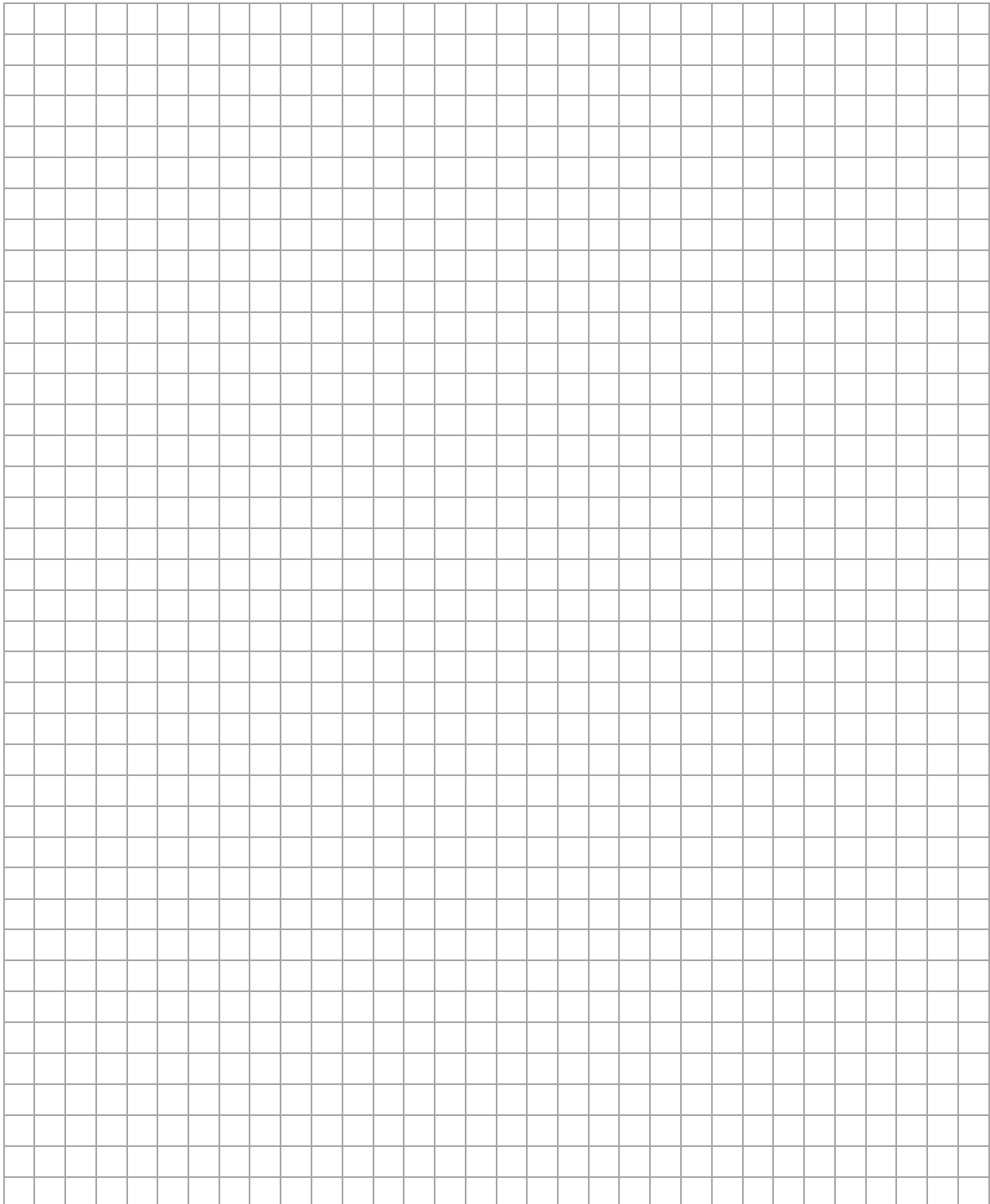
Wyznacz zbiór wszystkich wartości parametru m , dla których równanie $g(x) = |m|$ ma dokładnie dwa rozwiązania dodatnie.

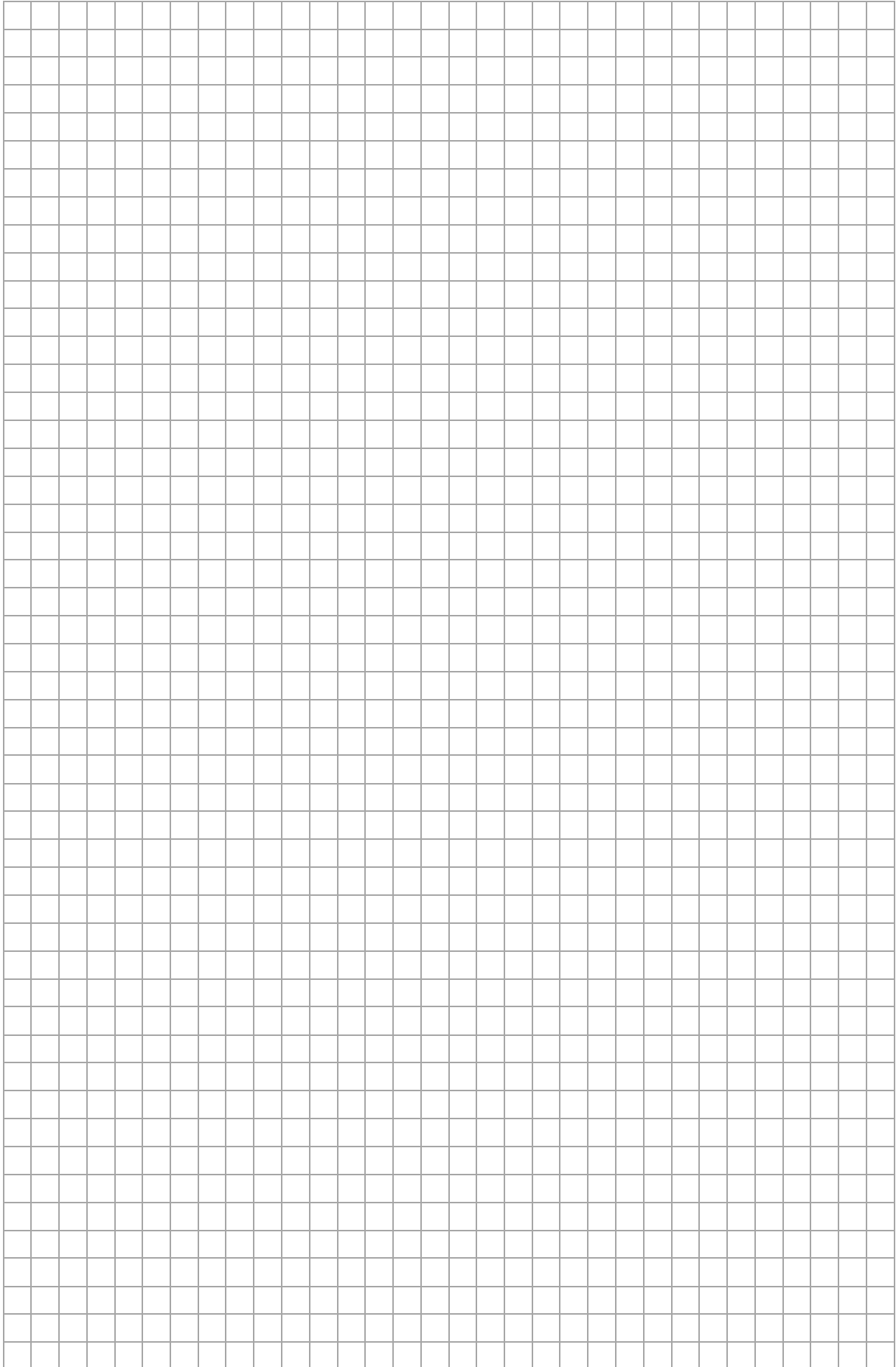


Zadanie 3. (0–3)

Wykaż, że dla każdej liczby rzeczywistej x oraz dla każdej liczby rzeczywistej y , spełniających warunek $x + y \geq 1$, prawdziwa jest nierówność

$$x^3 + 2xy + y^3 \geq x^2 + xy(x + y) + y^2$$



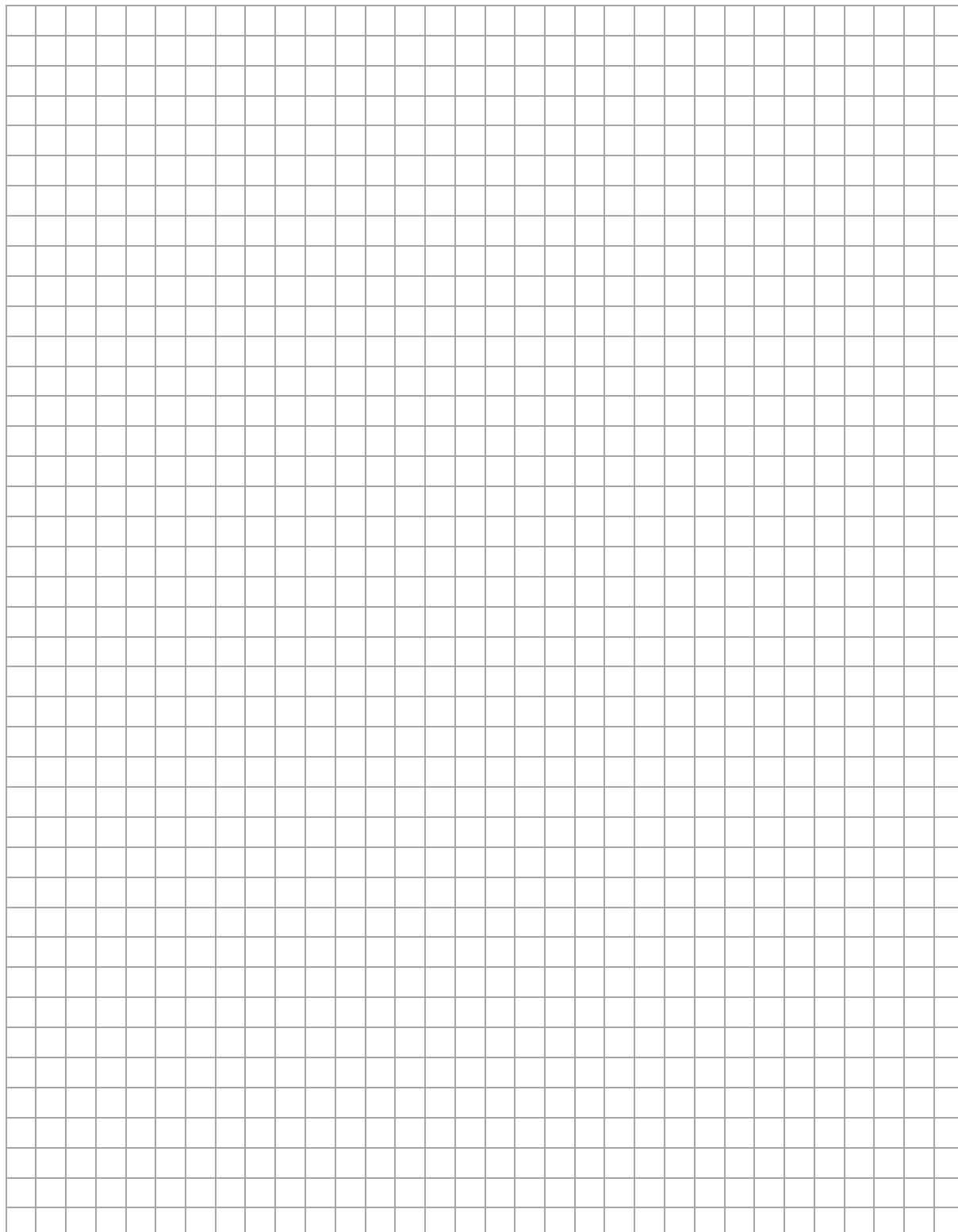


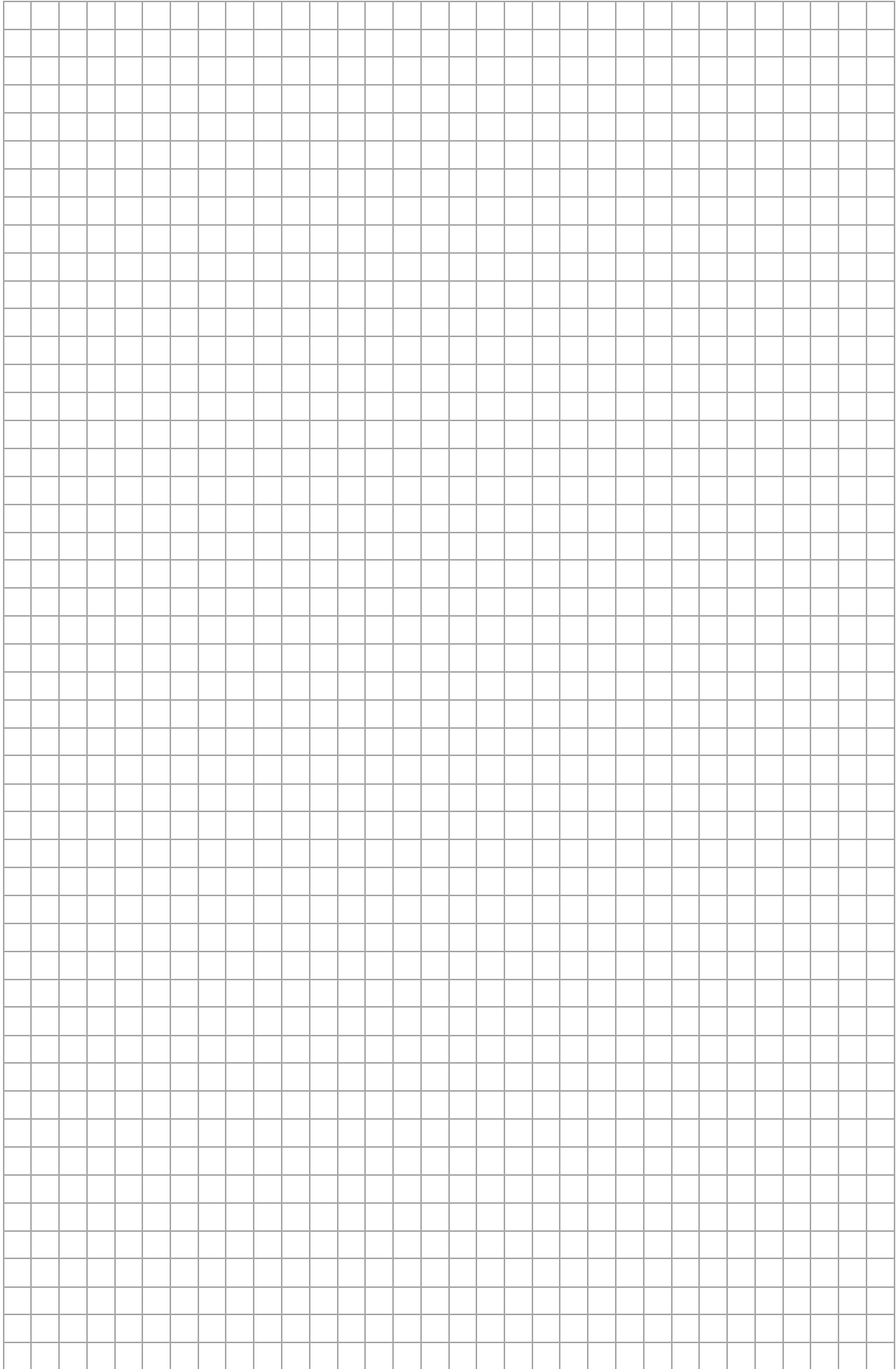
Zadanie 5. (0–4)

Rozwiąż równanie

$$6 \sin x + 2\sqrt{3} \cos x + 3 \operatorname{tg} x + \sqrt{3} = 0$$

Zapisz obliczenia.

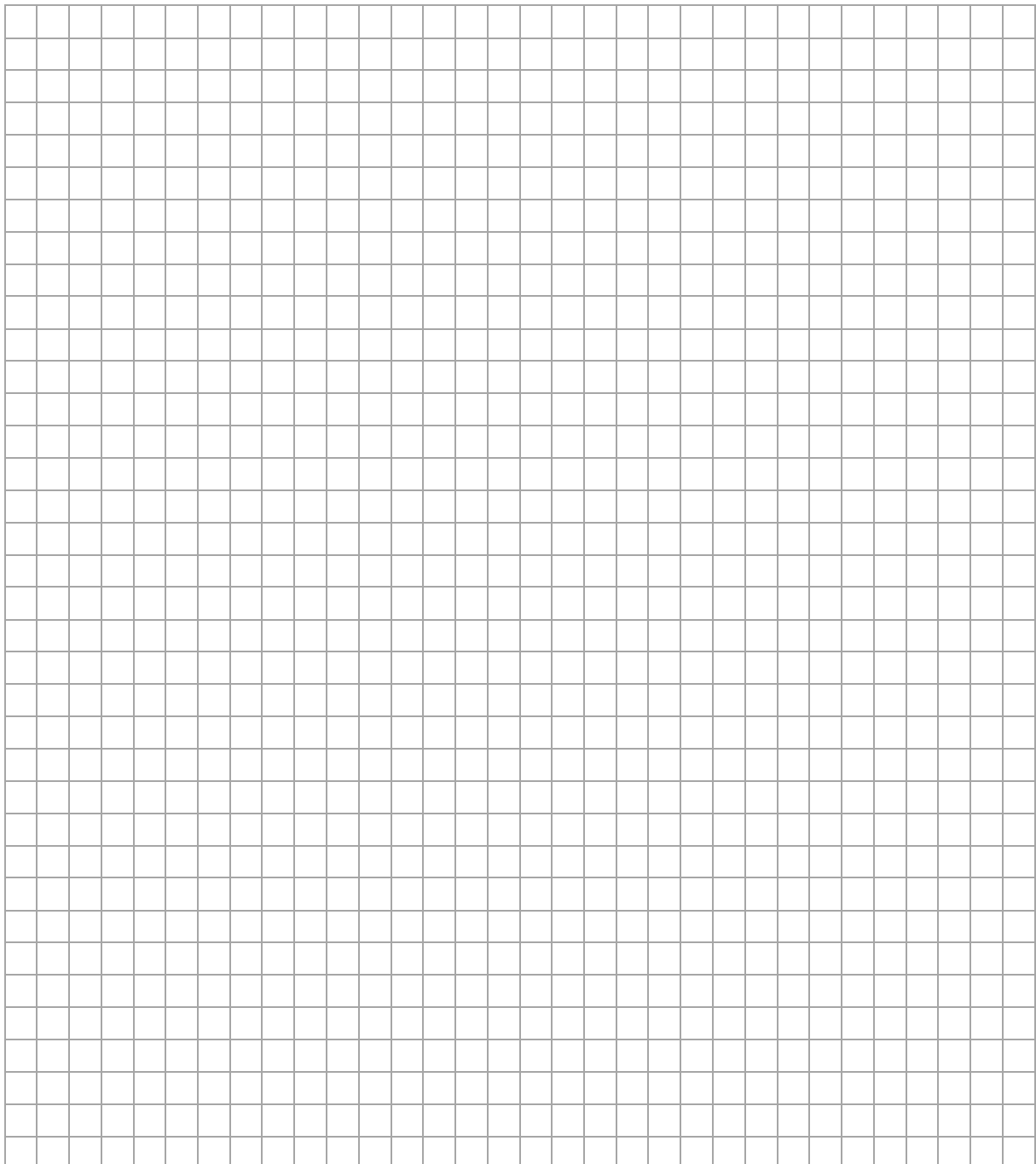


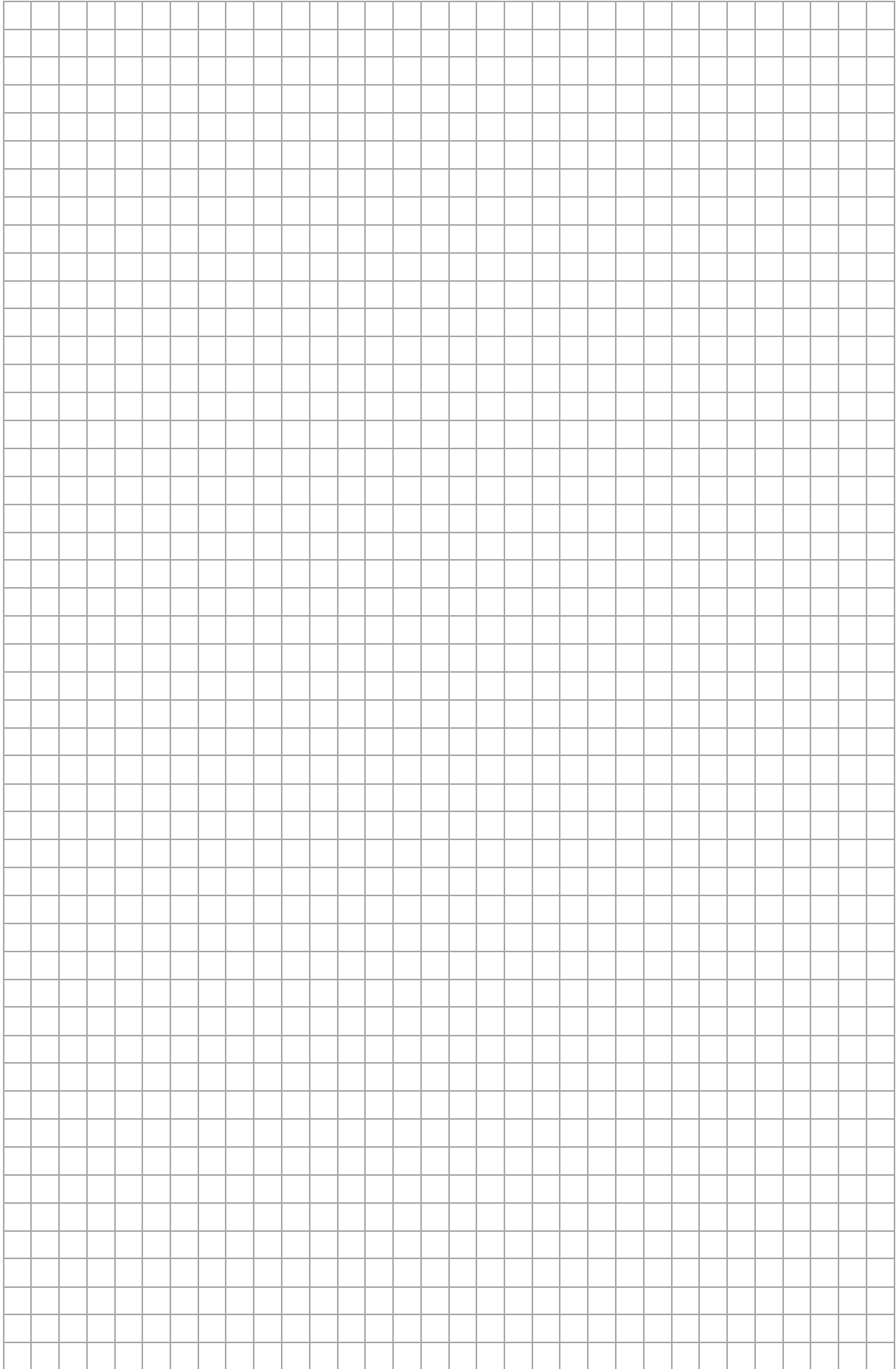


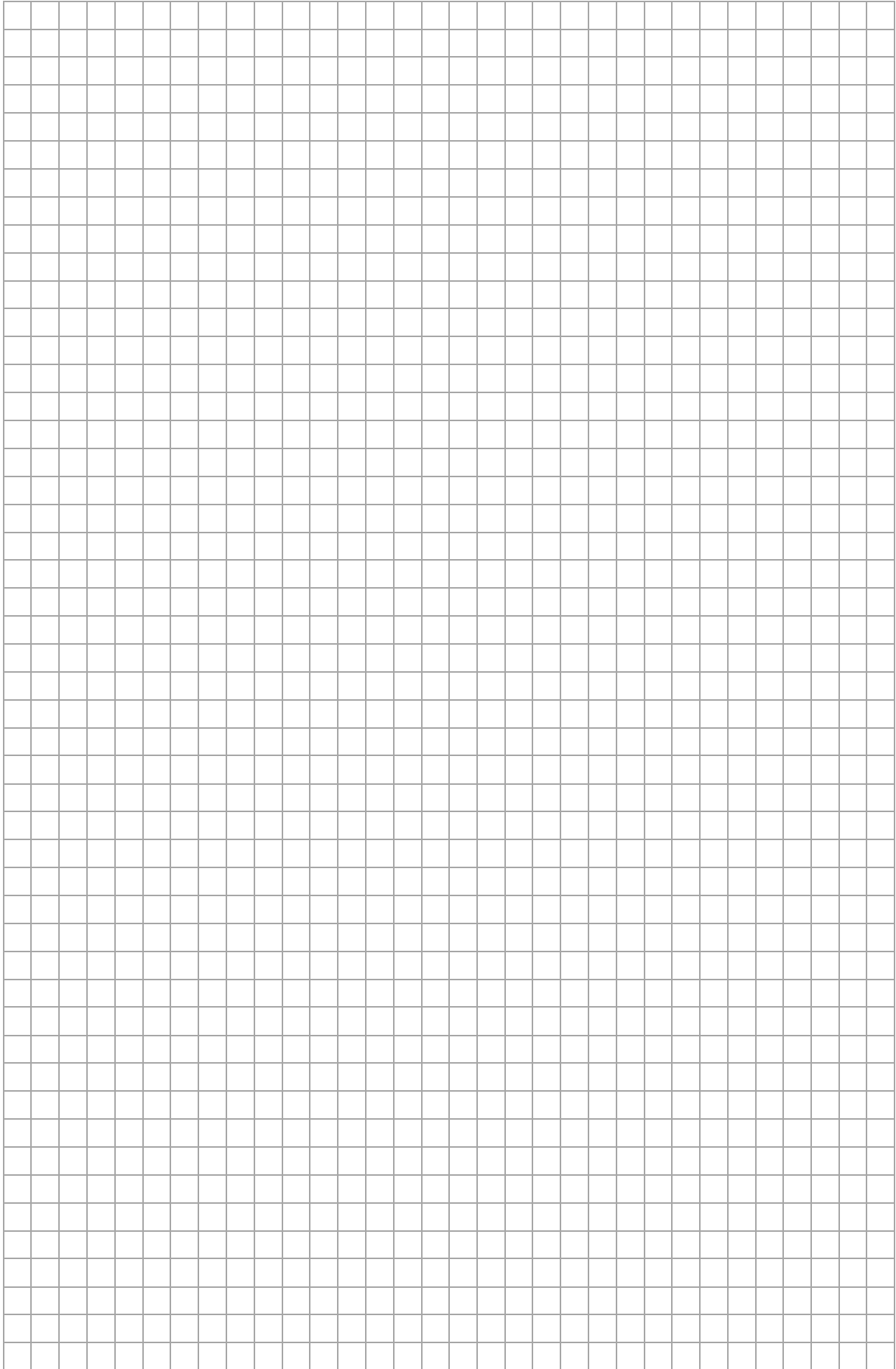
Zadanie 6. (0–4)

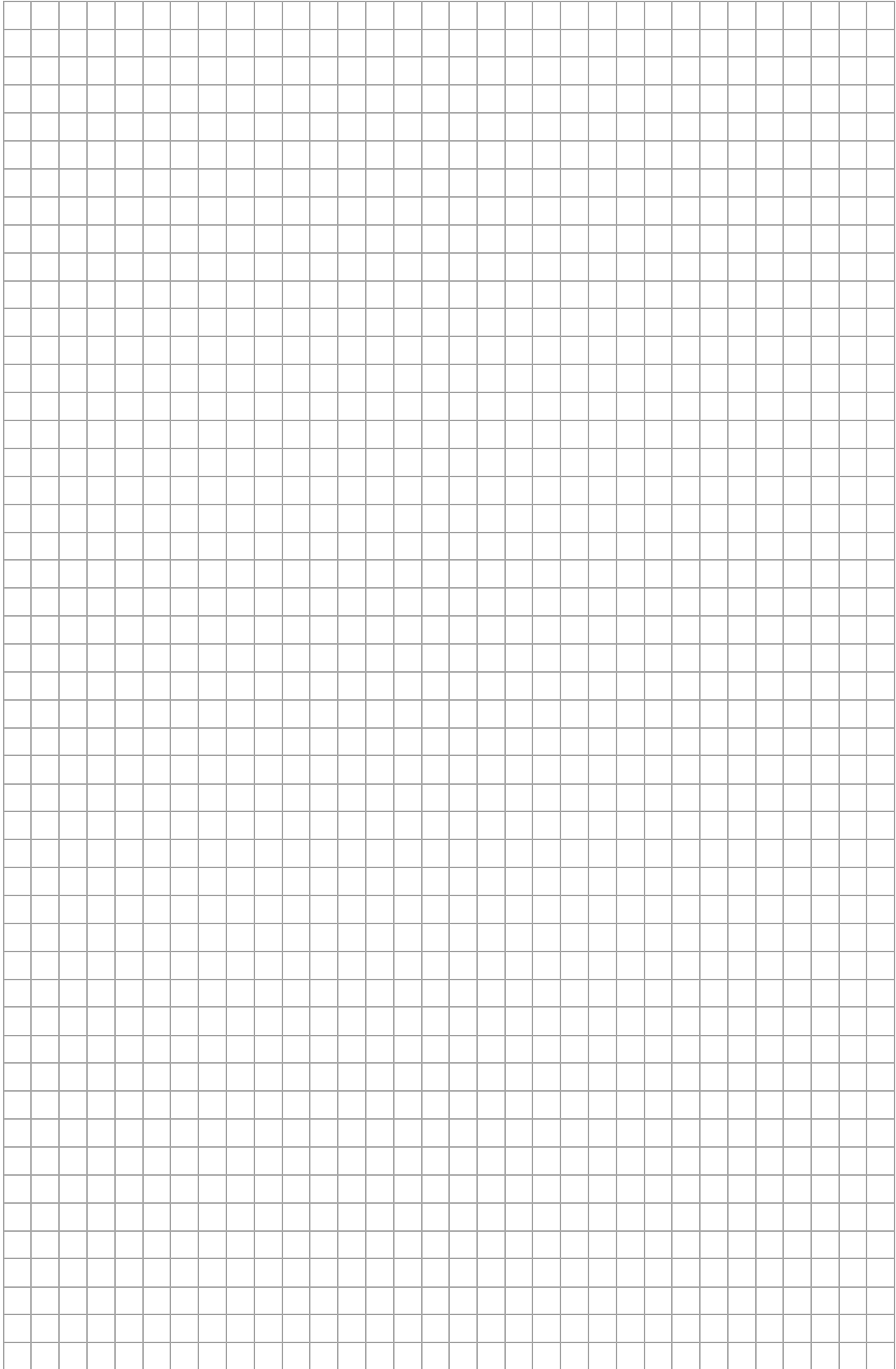
W trójkącie ABC poprowadzono dwusieczne kątów przecinające boki BC , AC i AB tego trójkąta w punktach – odpowiednio – K , L oraz M . Punkt P jest punktem przecięcia tych dwusiecznych. Na czworokątach $CLPK$ oraz $BKPM$ można opisać okrąg.

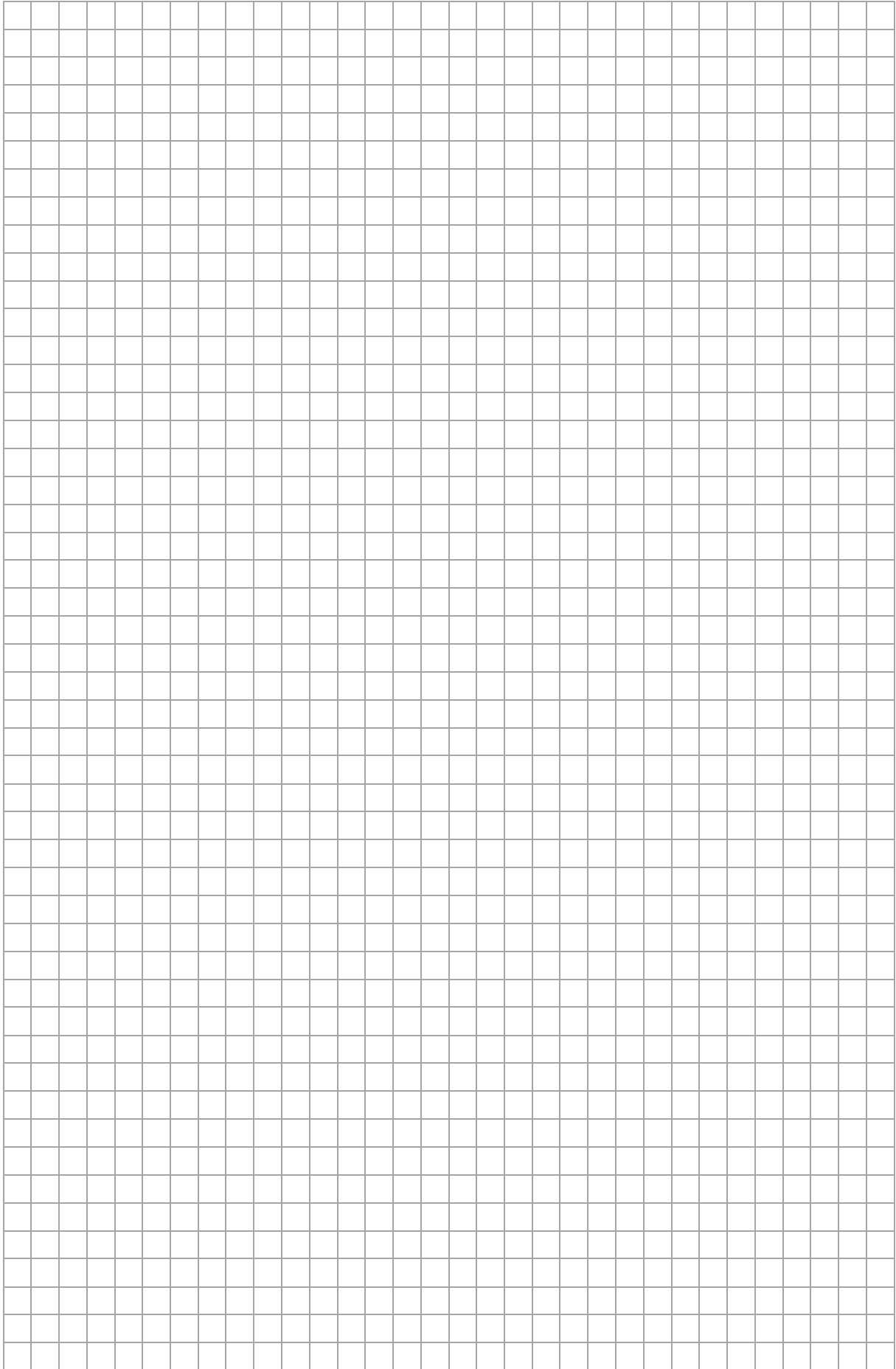
Udowodnij, że trójkąt ABC jest równoboczny.





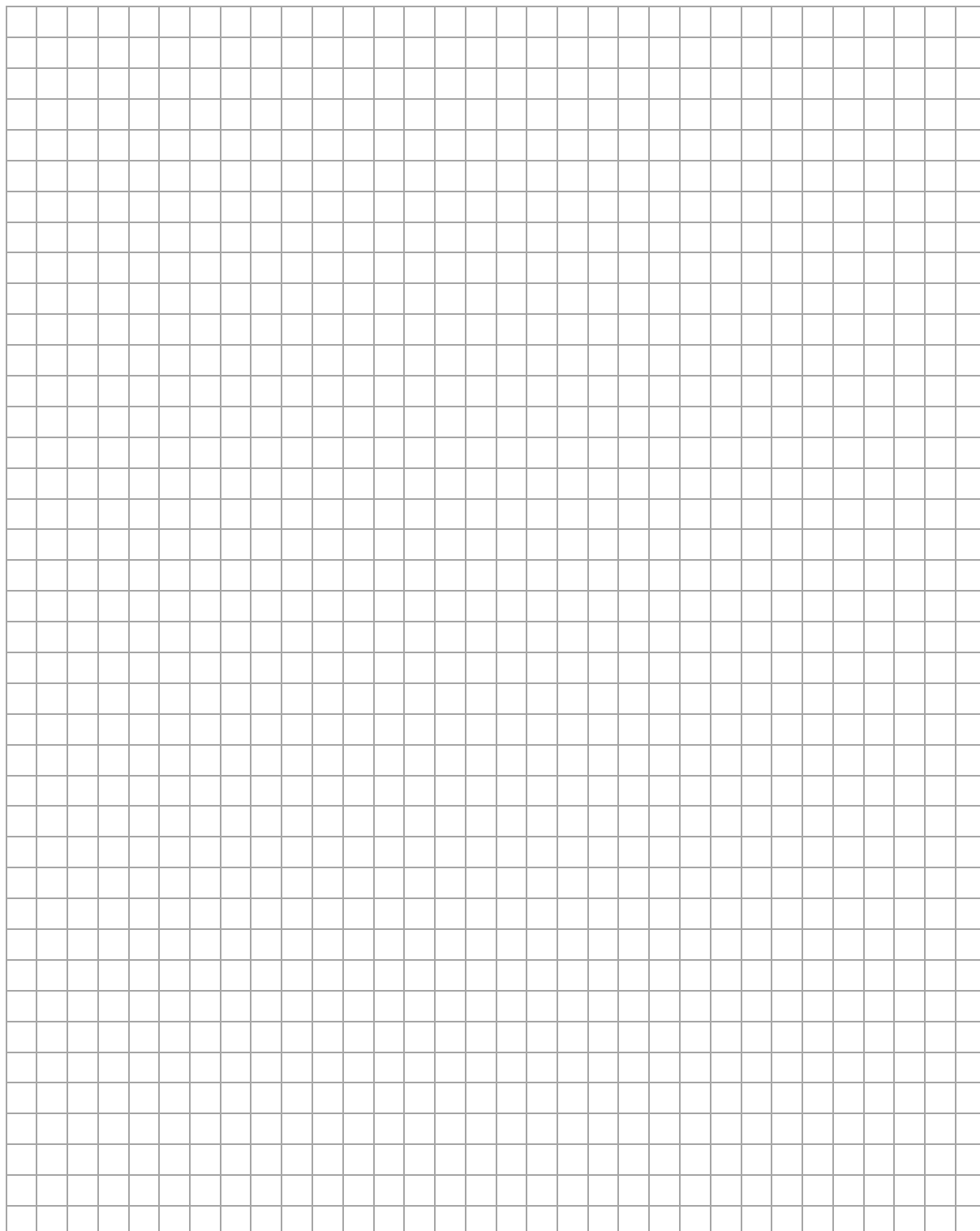


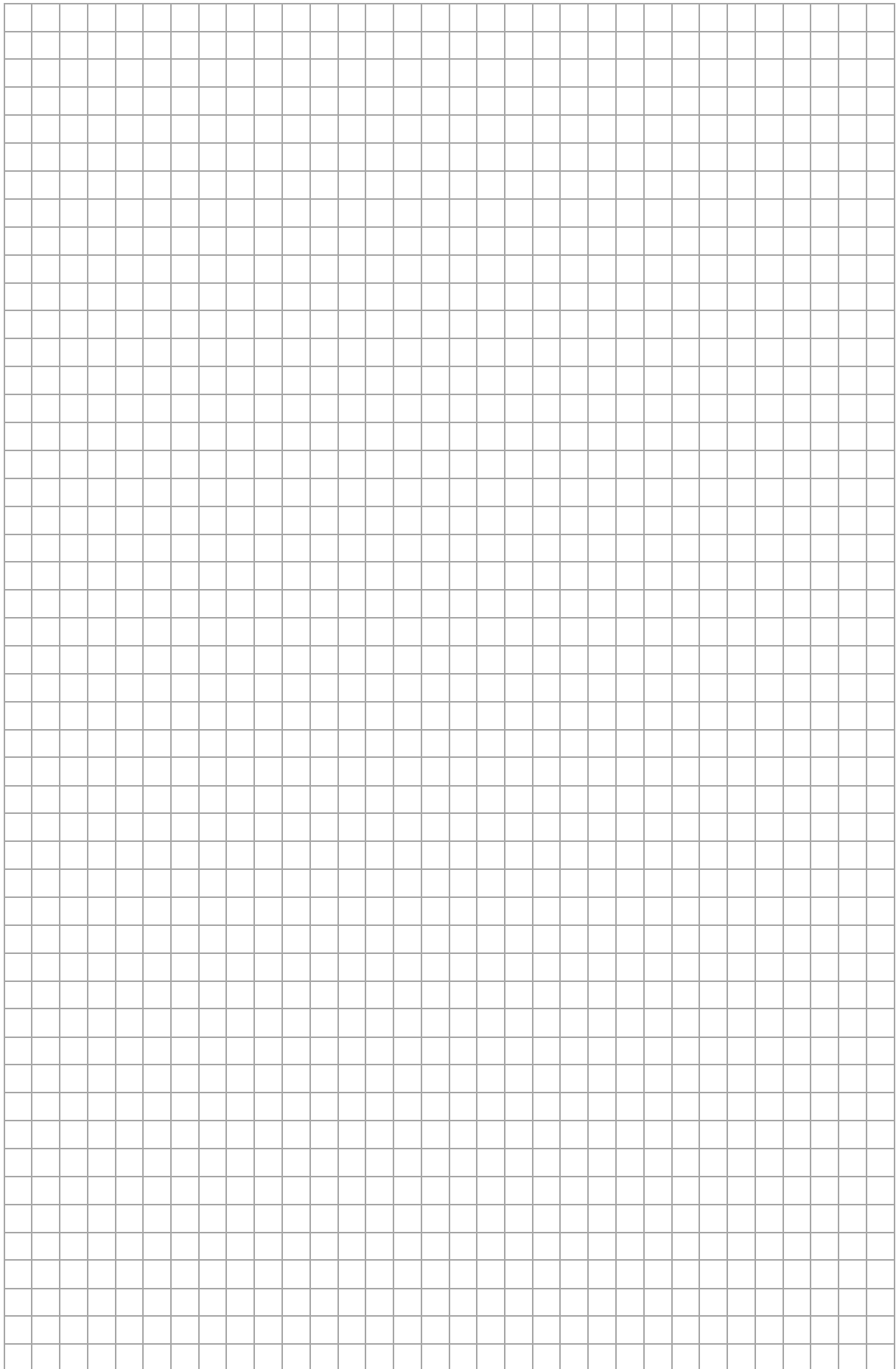


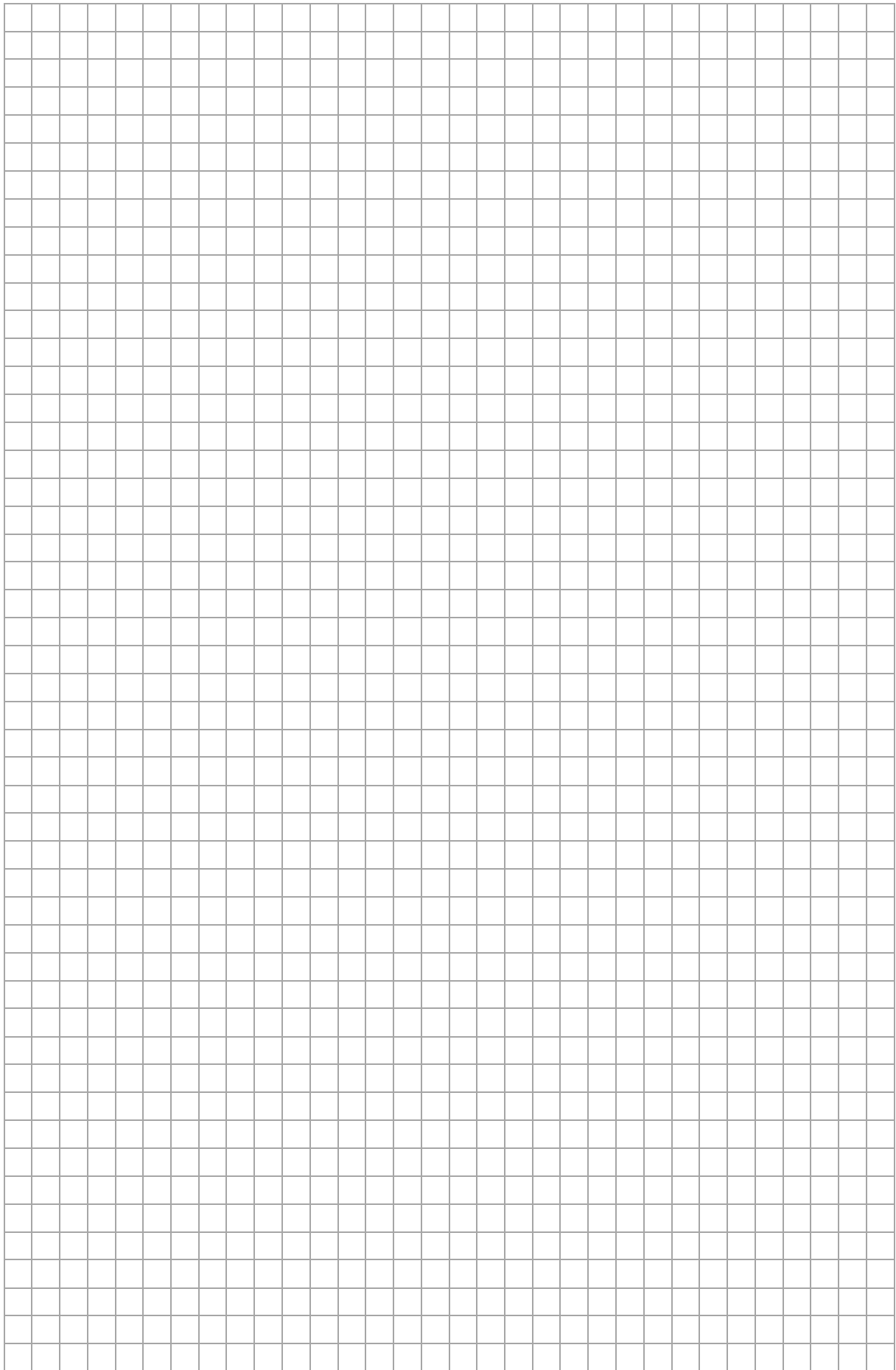


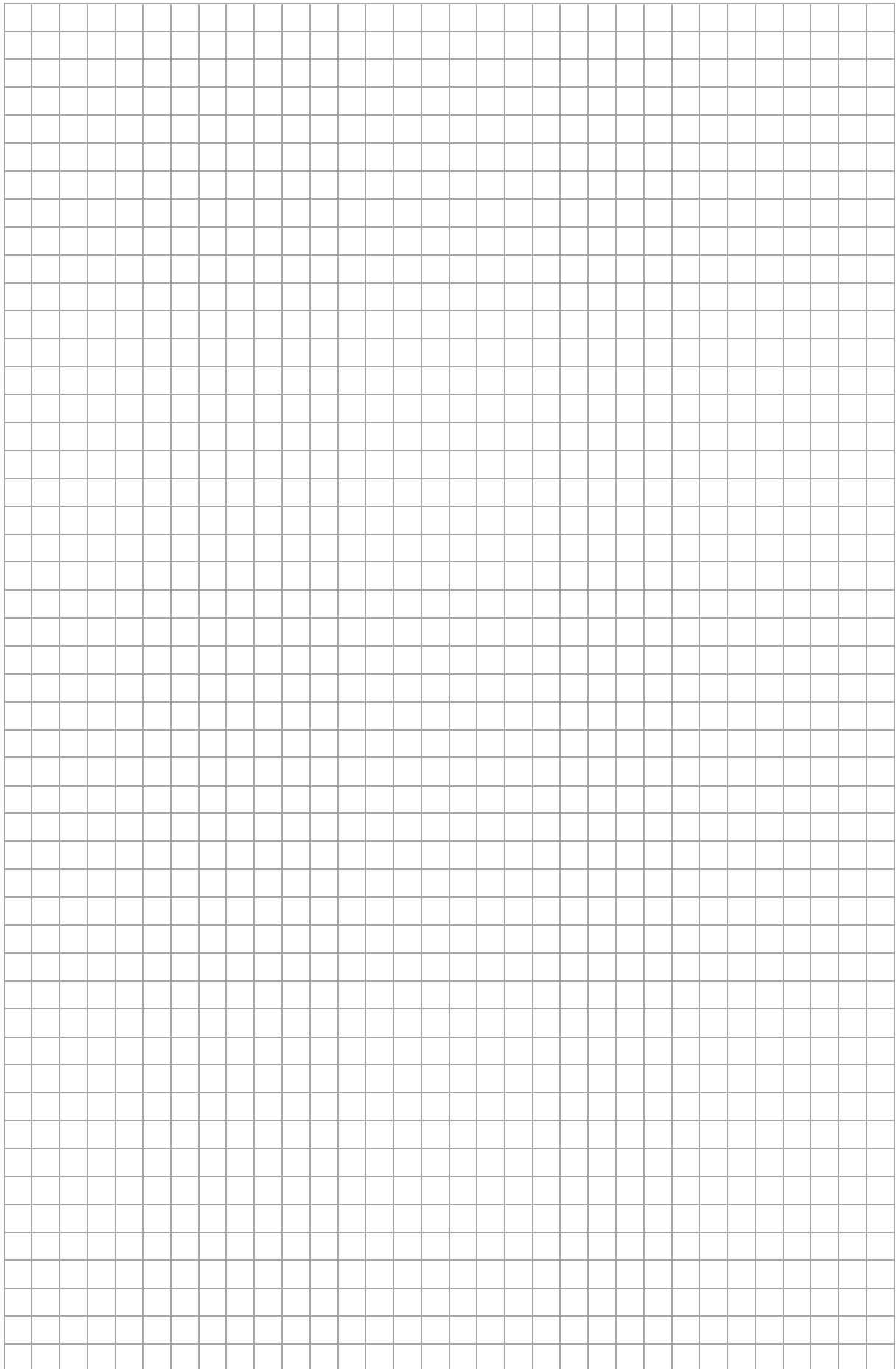
Zadanie 8. (0–5)**Rozwiąż nierówność**

$$\frac{x-1}{x^2-4} - \frac{1}{2-x} \geq \frac{3}{2+x} + 2$$

Zapisz obliczenia.







Zadanie 9. (0–5)

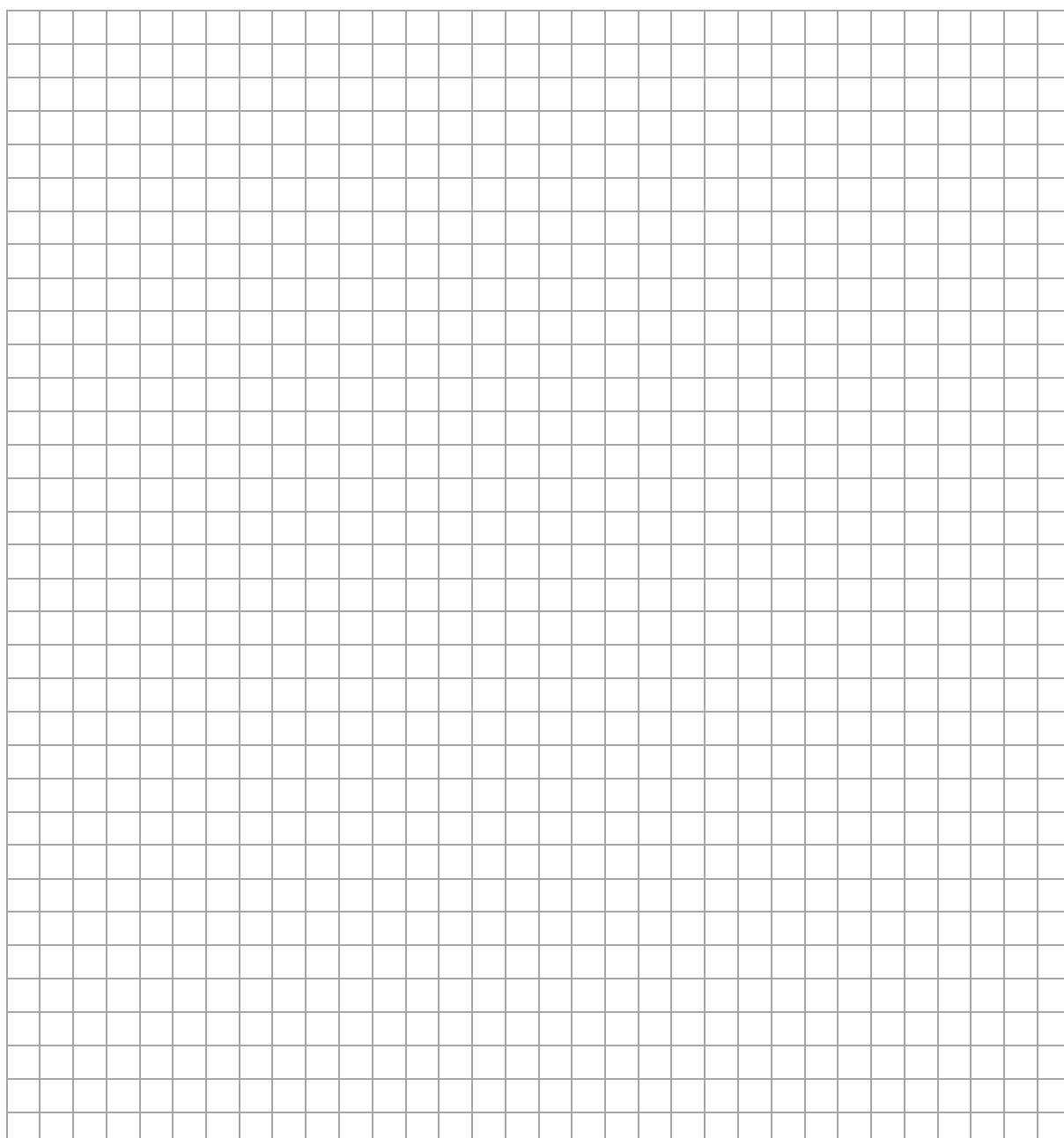
Wyznacz wszystkie wartości parametru m , dla których równanie

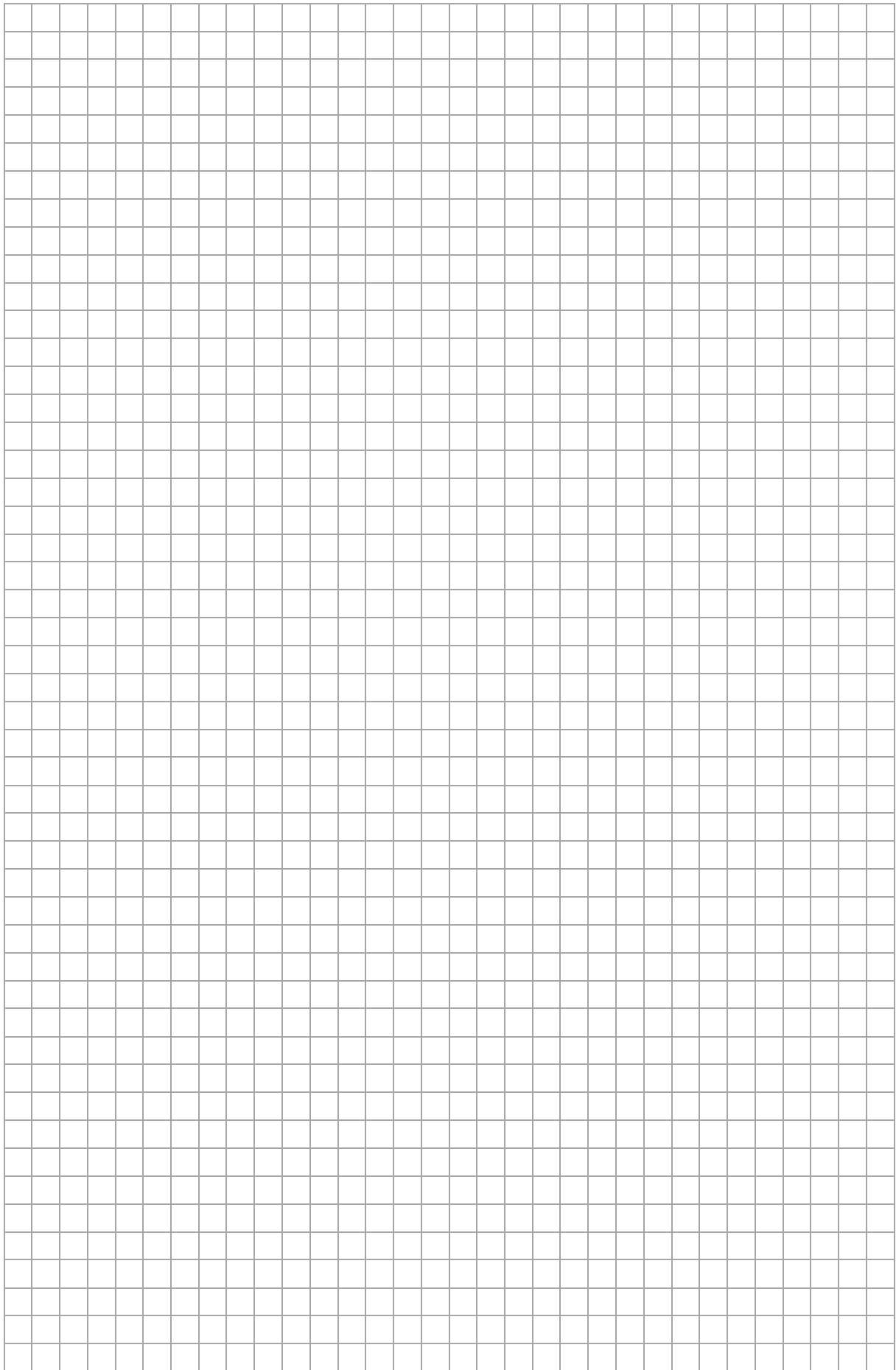
$$x^2 - (m - 4)x + m^2 - 7m + 12 = 0$$

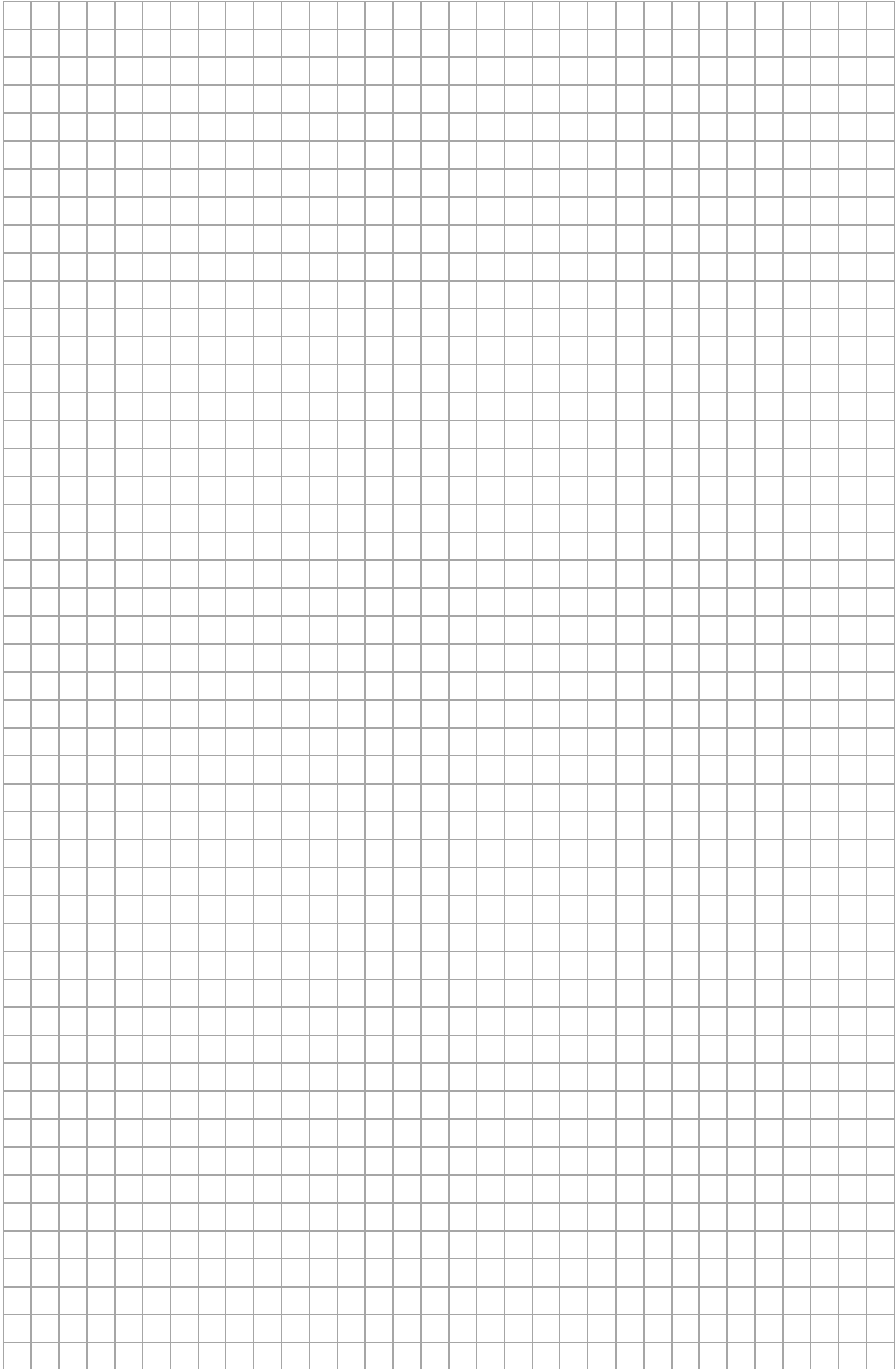
ma dwa różne rozwiązania rzeczywiste x_1 oraz x_2 , spełniające warunek

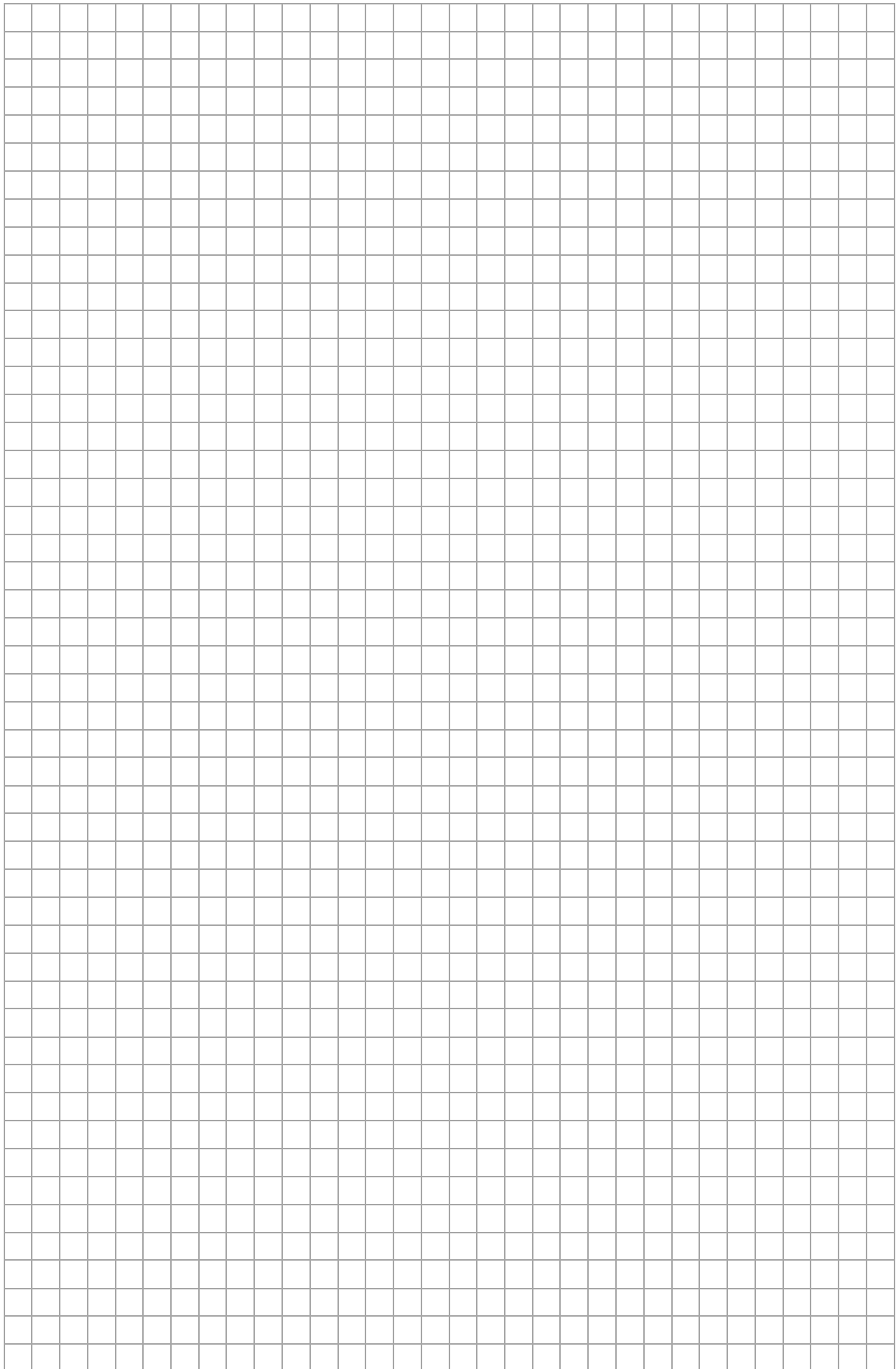
$$x_1^3 + x_2^3 < 5x_1^2 \cdot x_2 + 5x_1 \cdot x_2^2$$

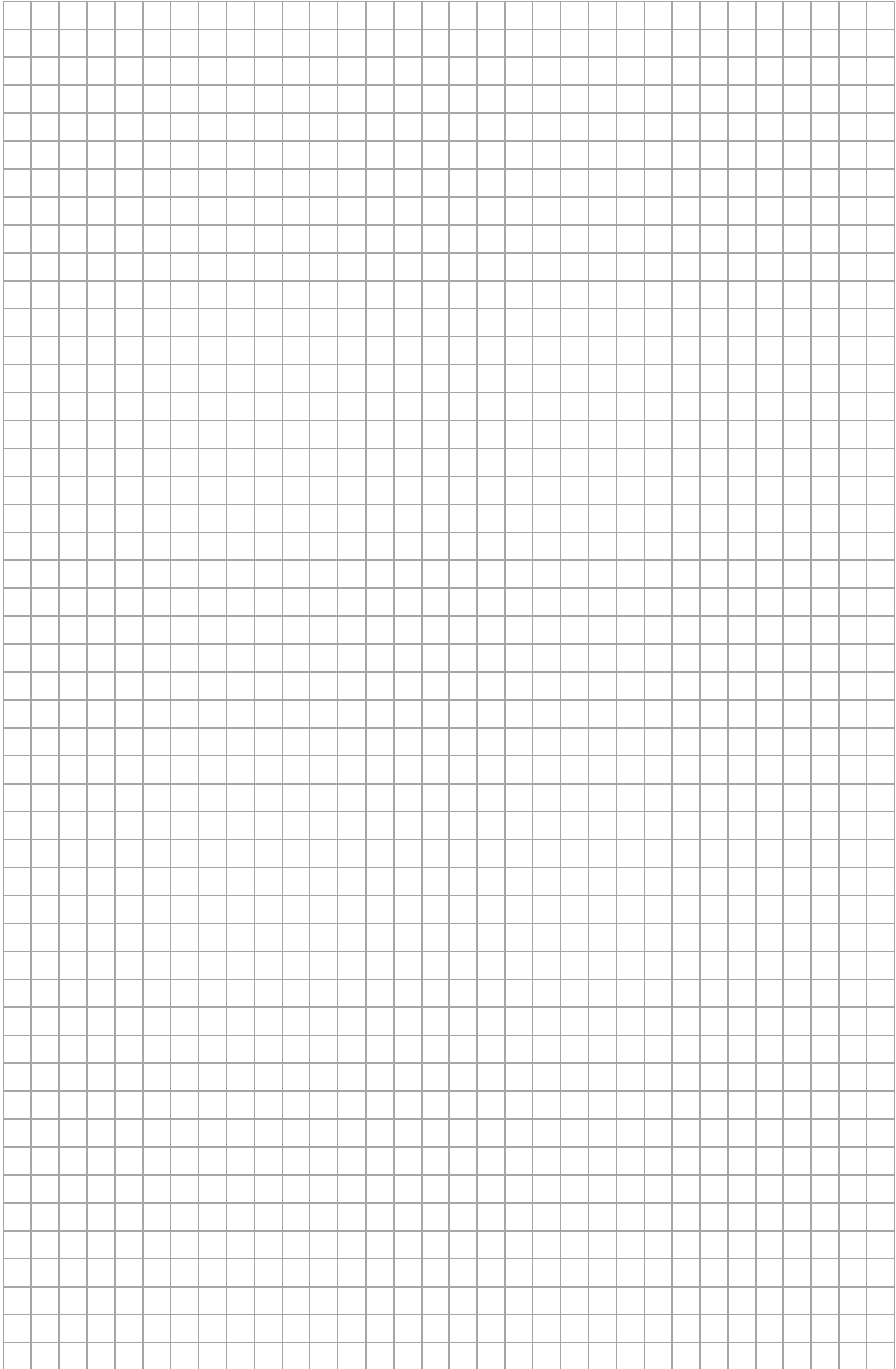
Zapisz obliczenia.

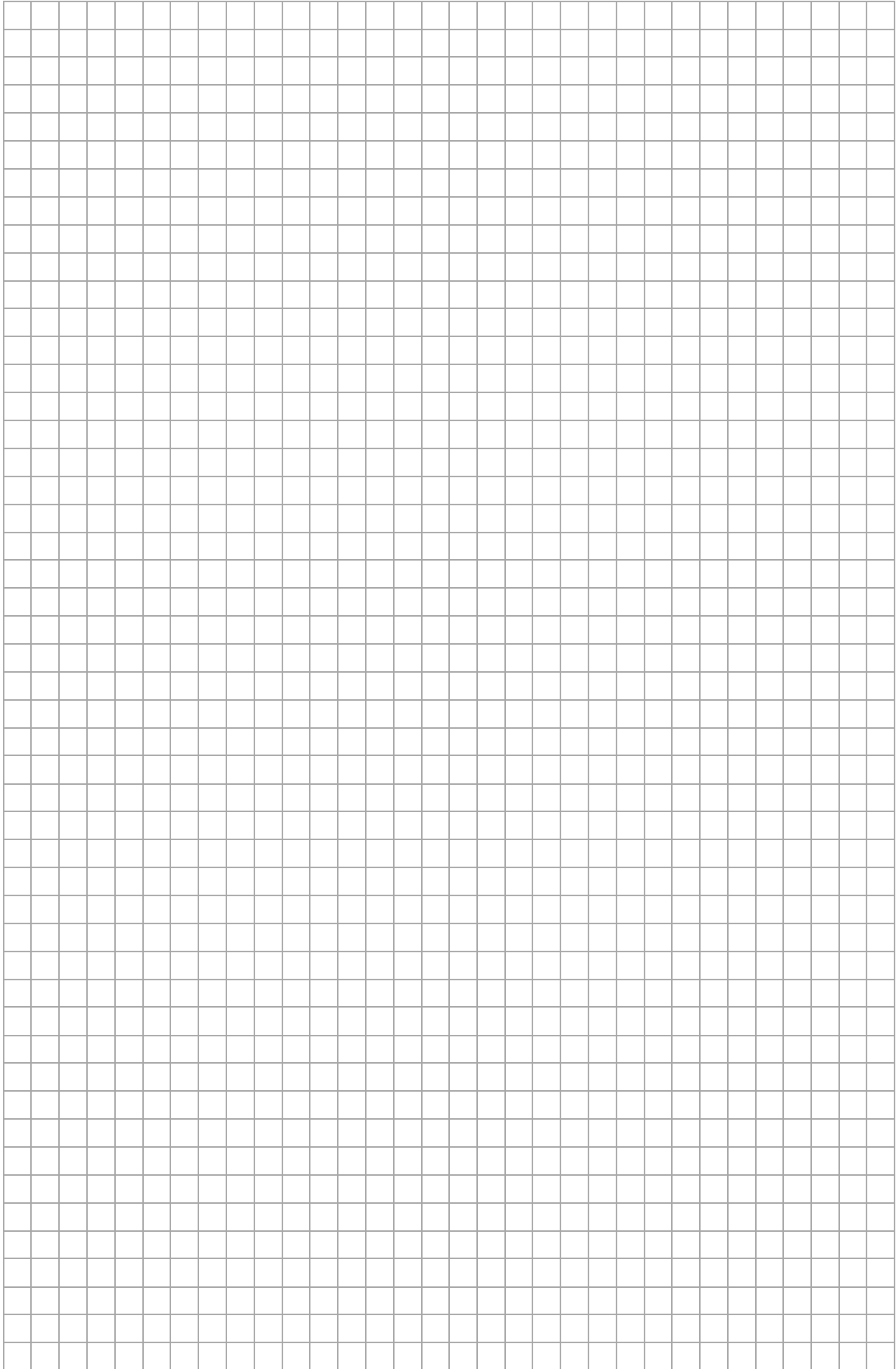


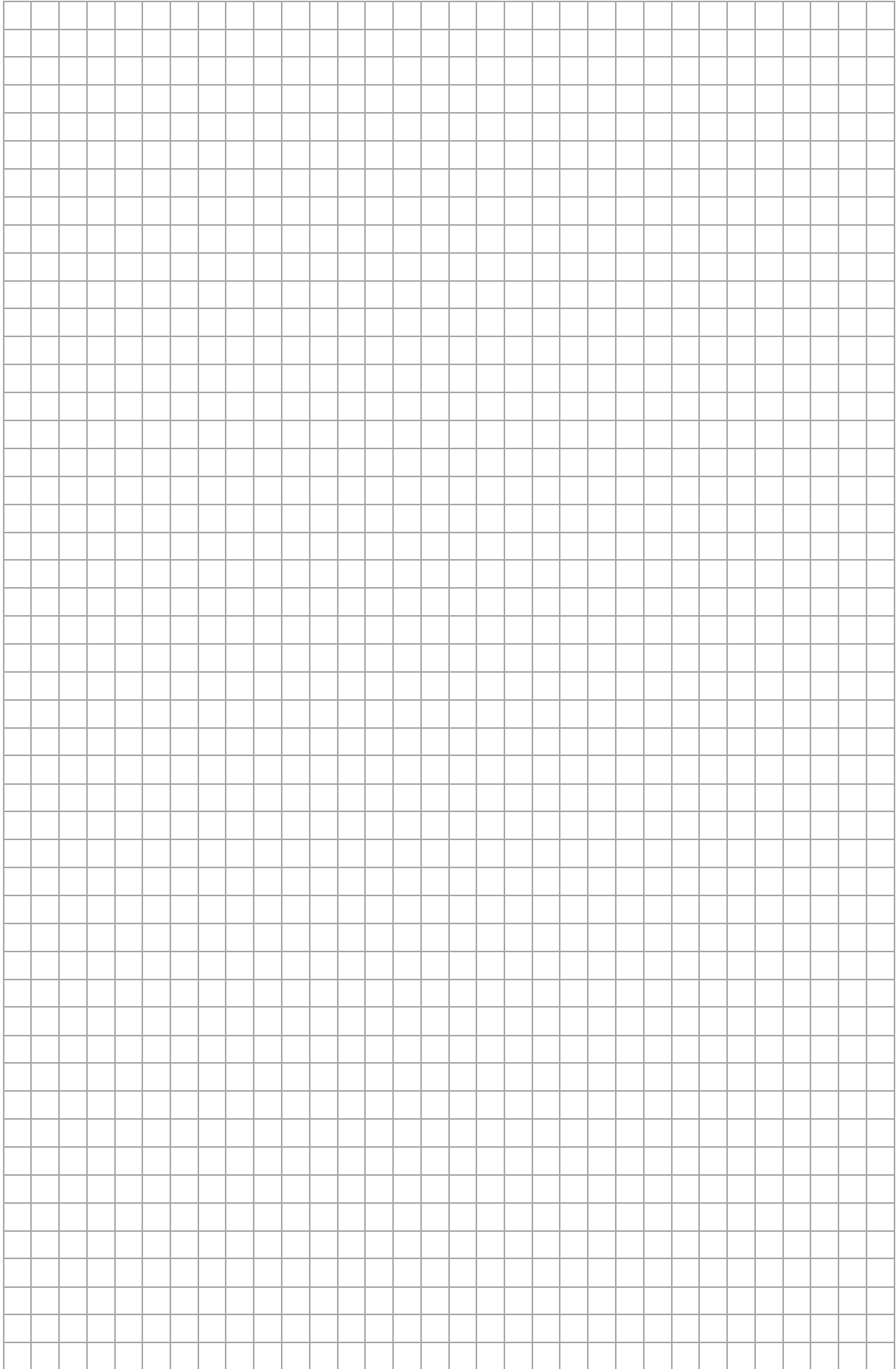












Zadanie 11. (0–5)

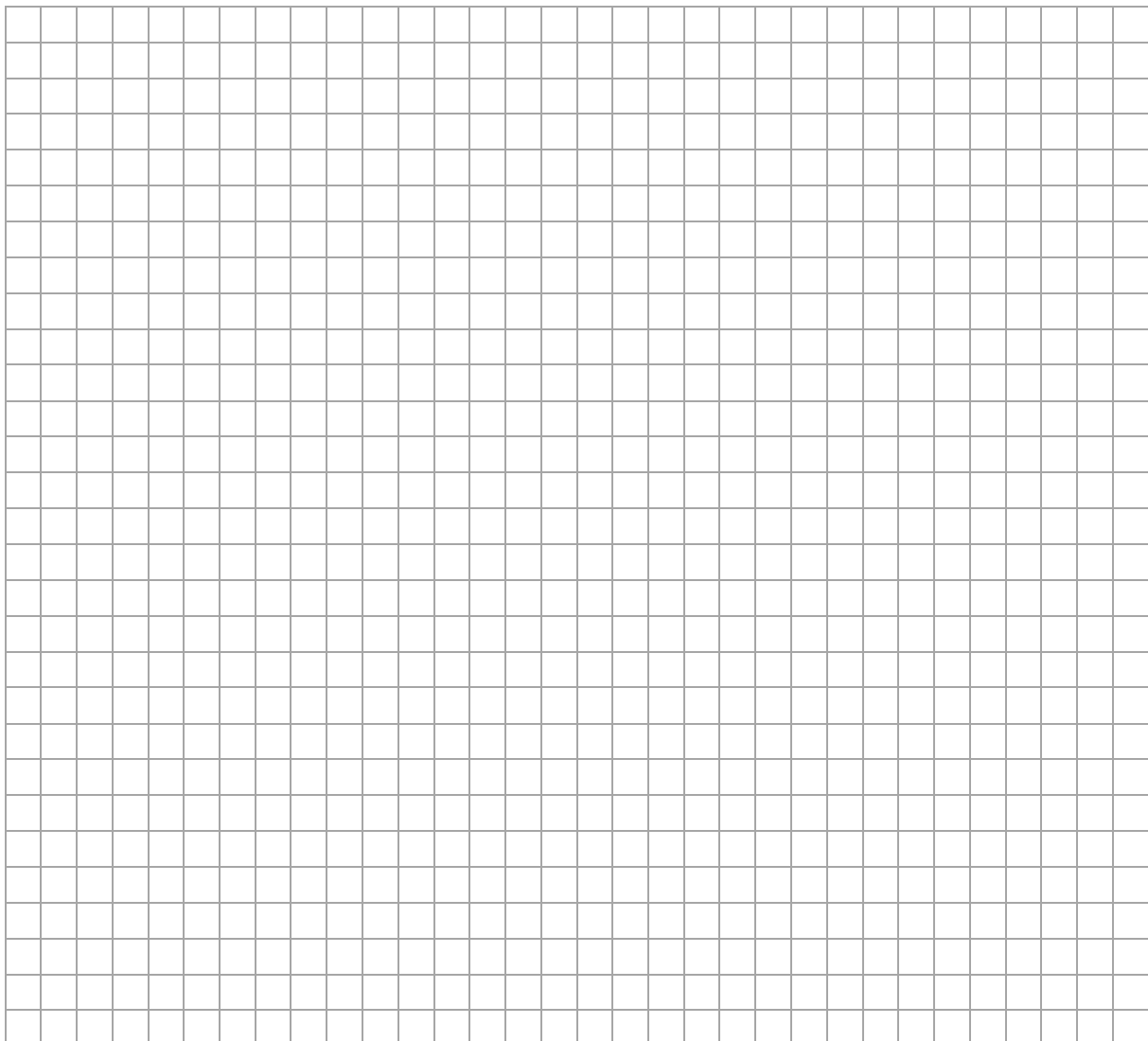
Dany jest trapez $ABCD$ o podstawach AB i CD , w którym $|AB| > |CD|$ oraz ramię BC ma długość 6.

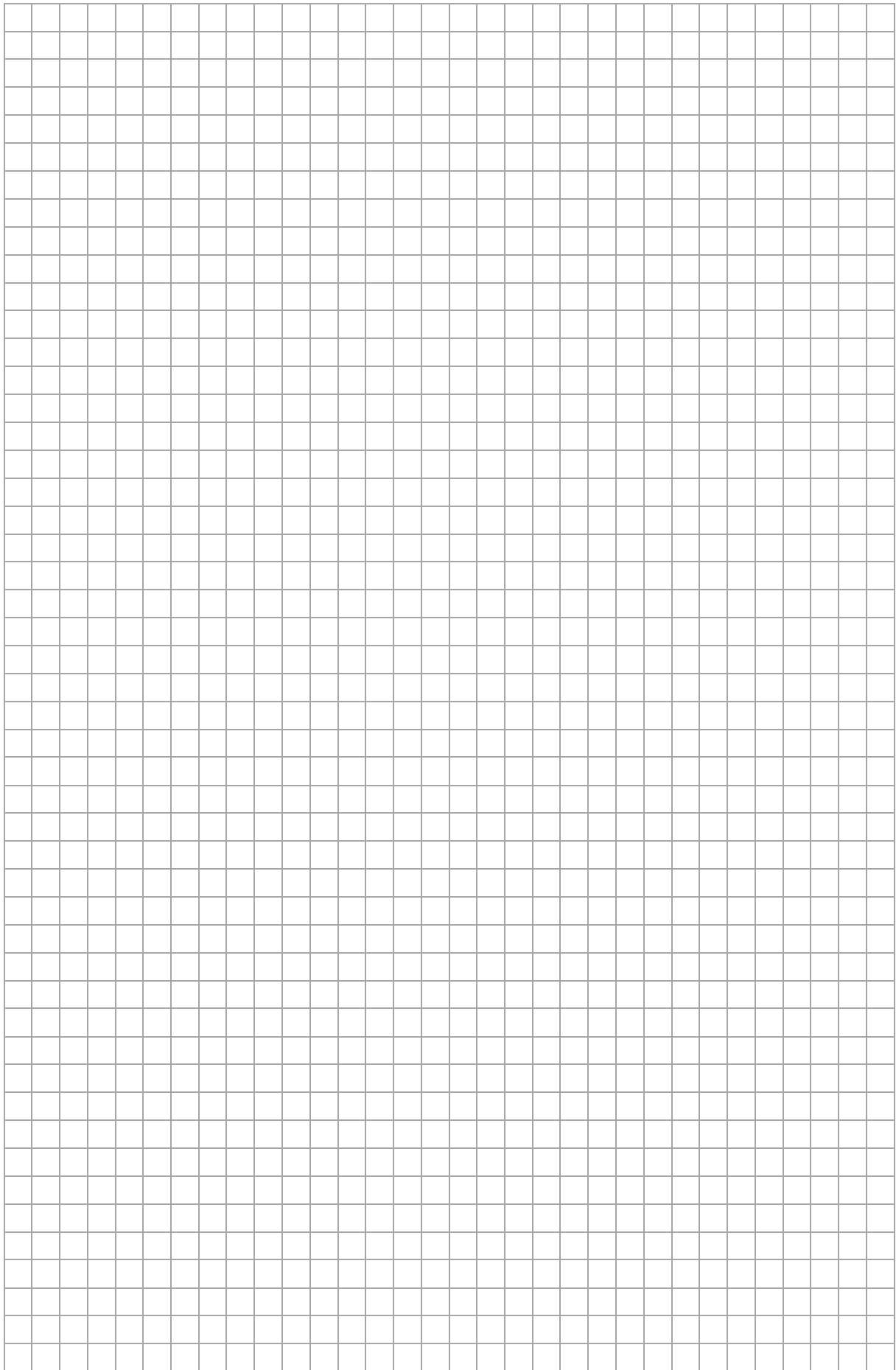
Na tym trapezie opisano okrąg o promieniu $R = 5$. Miary kątów BAC i ABC tego trapezu spełniają warunek

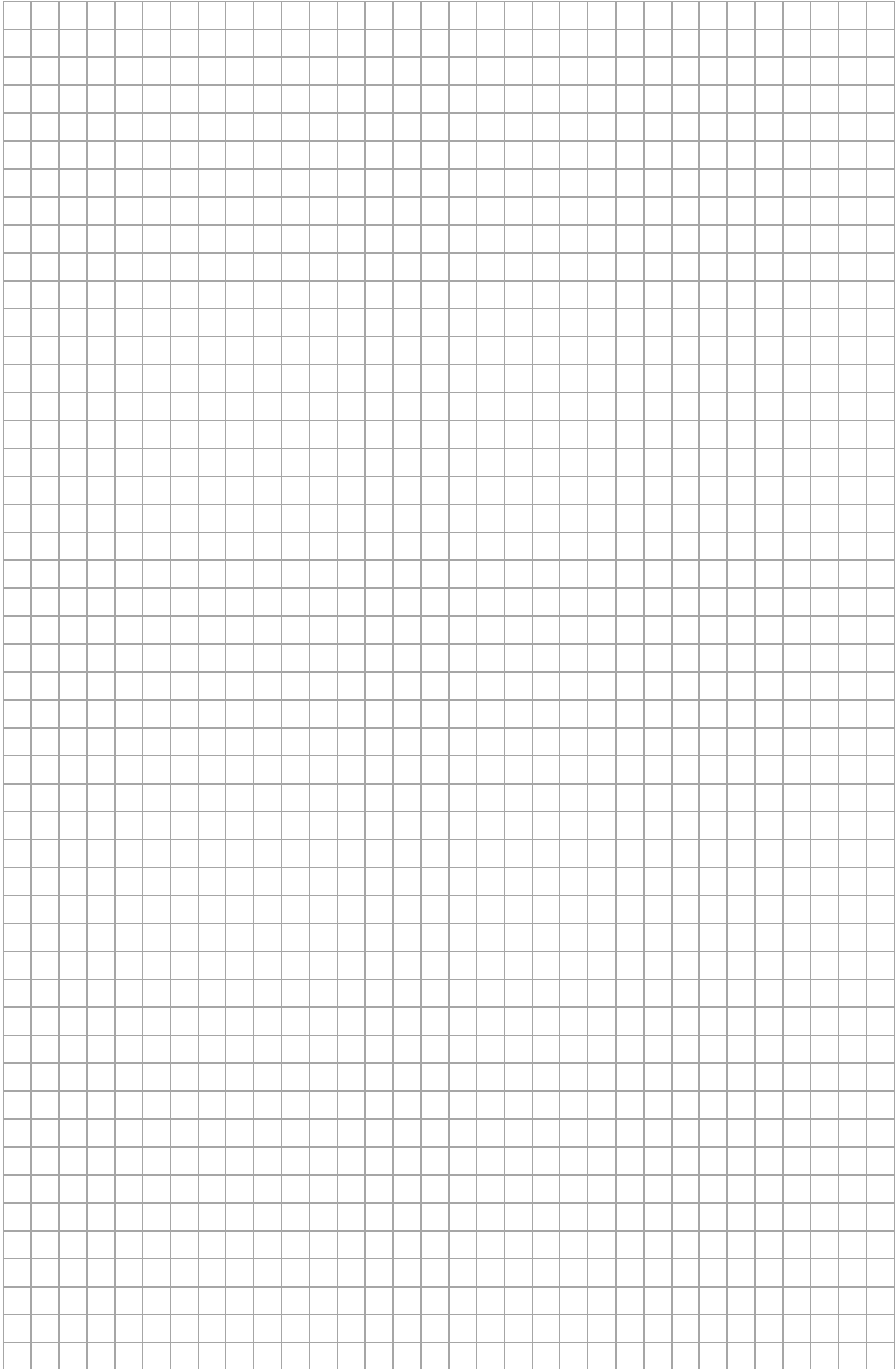
$$\frac{\sin|\sphericalangle BAC|}{\sin|\sphericalangle ABC|} = \frac{5}{8}$$

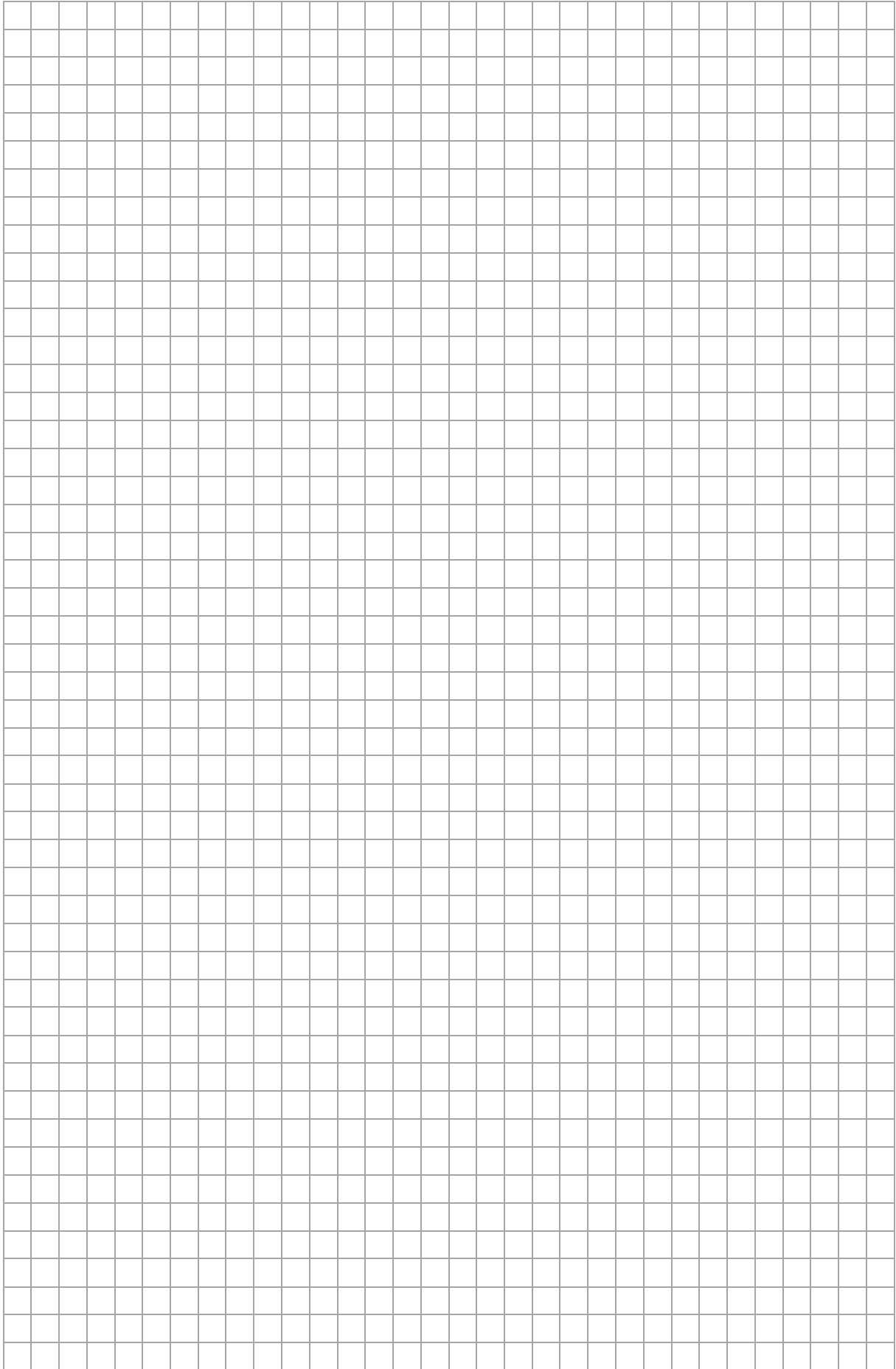
Oblicz pole i obwód trapezu $ABCD$.

Zapisz obliczenia.









Zadanie 12. (0–6)

Prosta k o równaniu $x + y - 9 = 0$ przecina parabolę o równaniu

$$y = \frac{1}{4}x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{1}{4}$$
 w punktach A oraz B . Pierwsza współrzędna

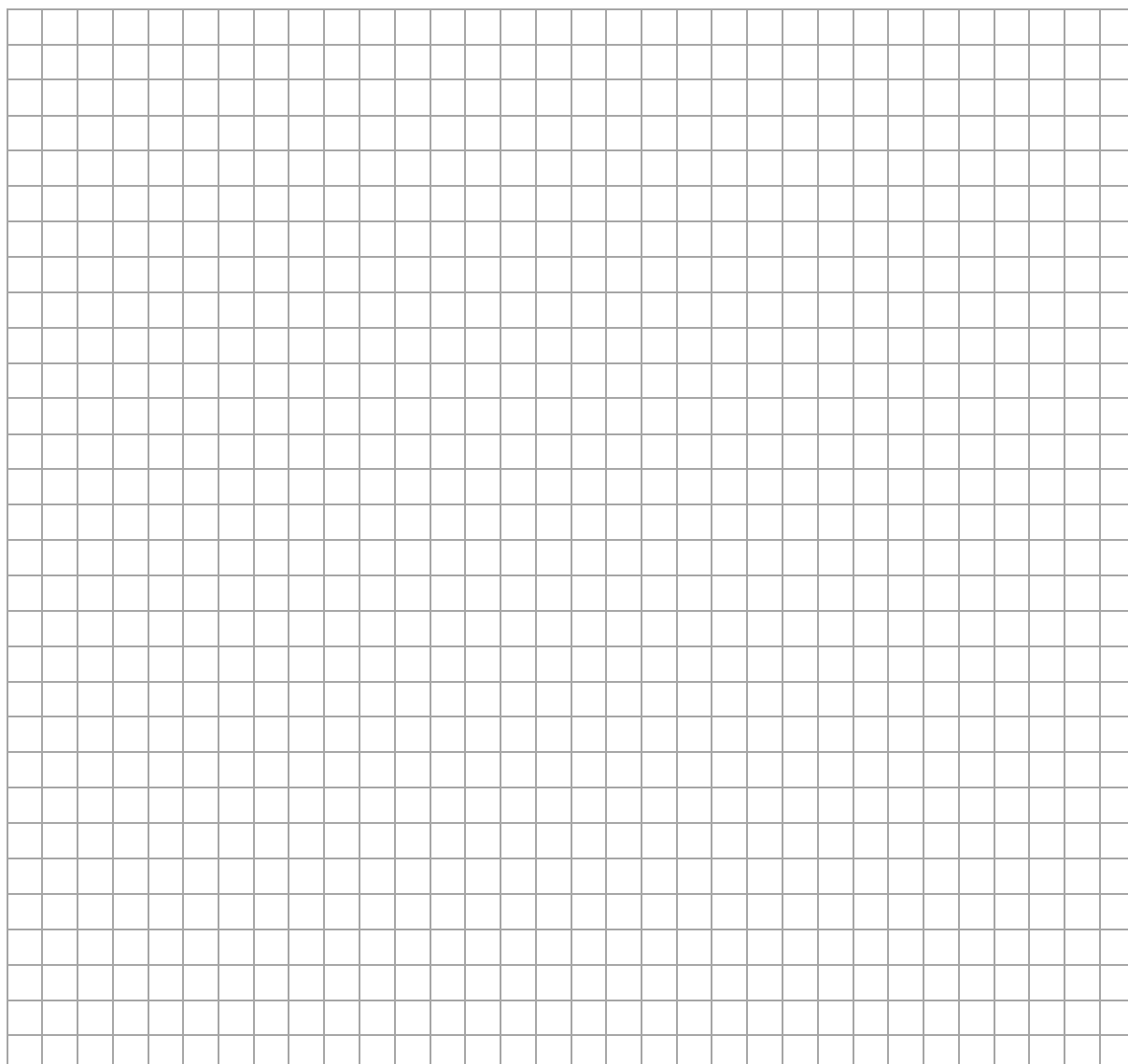
punktu A jest liczbą dodatnią; pierwsza współrzędna punktu B jest

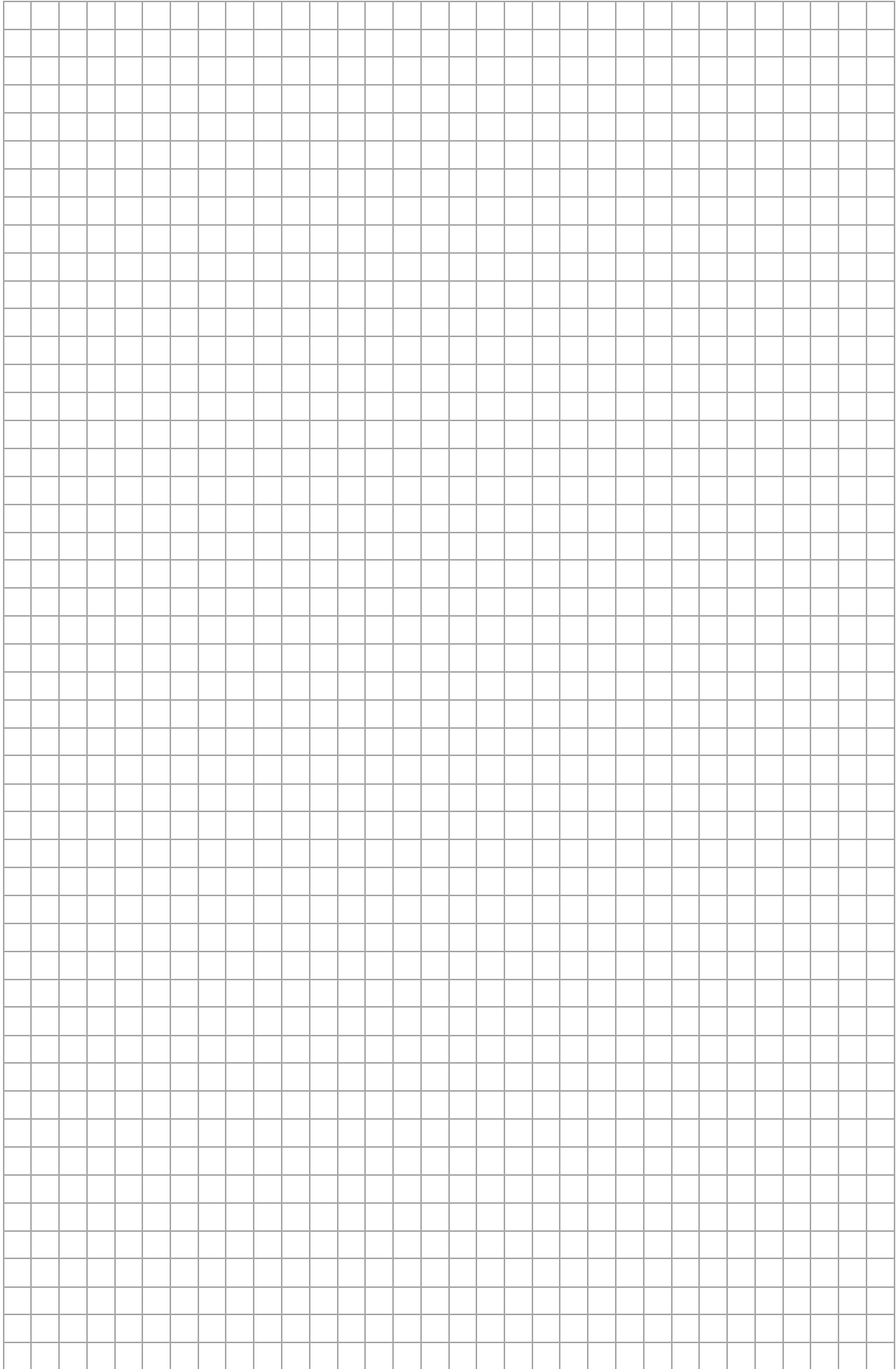
liczbą ujemną. Prosta l jest równoległa do prostej k i styczna do danej

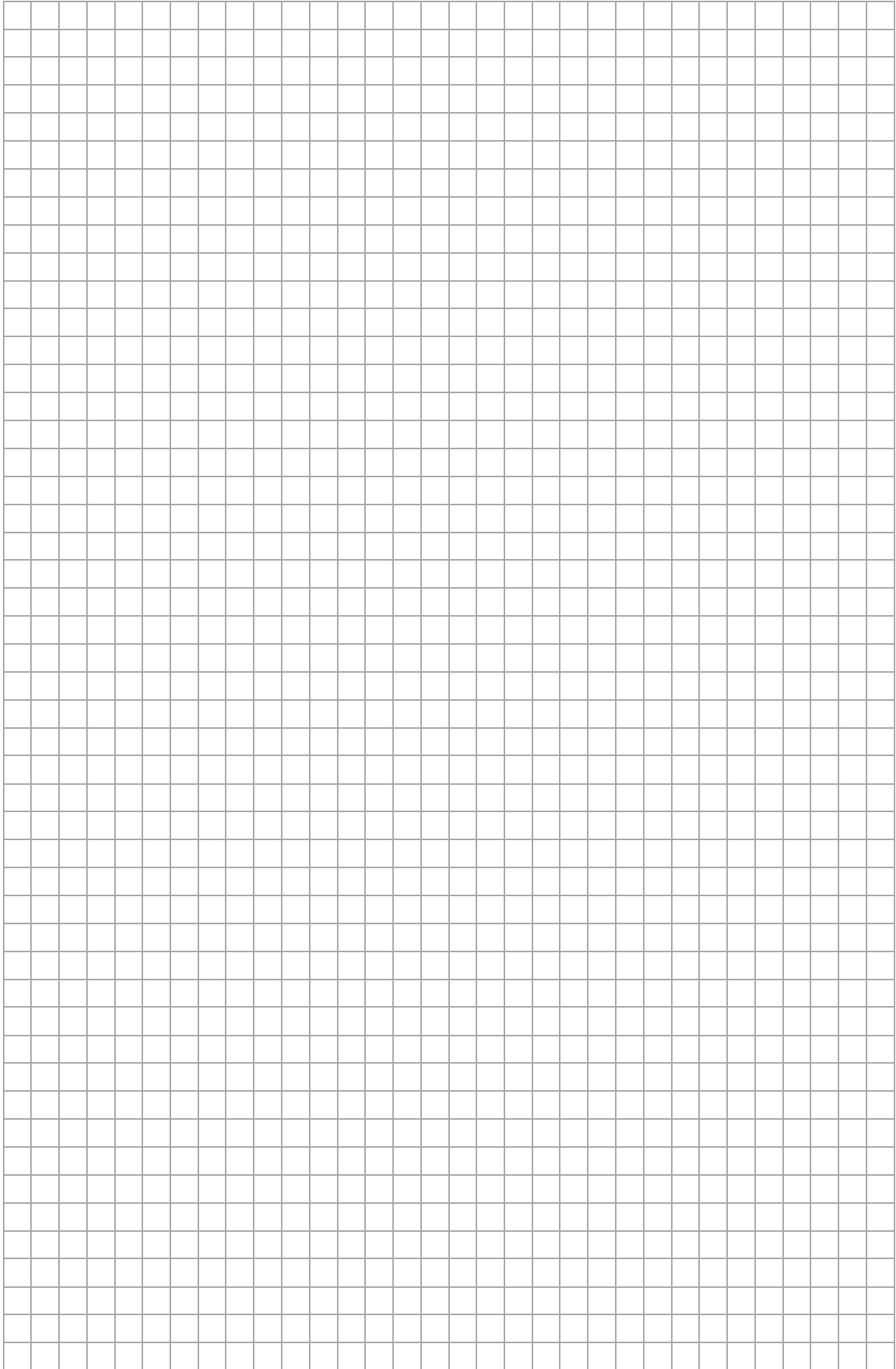
paraboli w punkcie C .

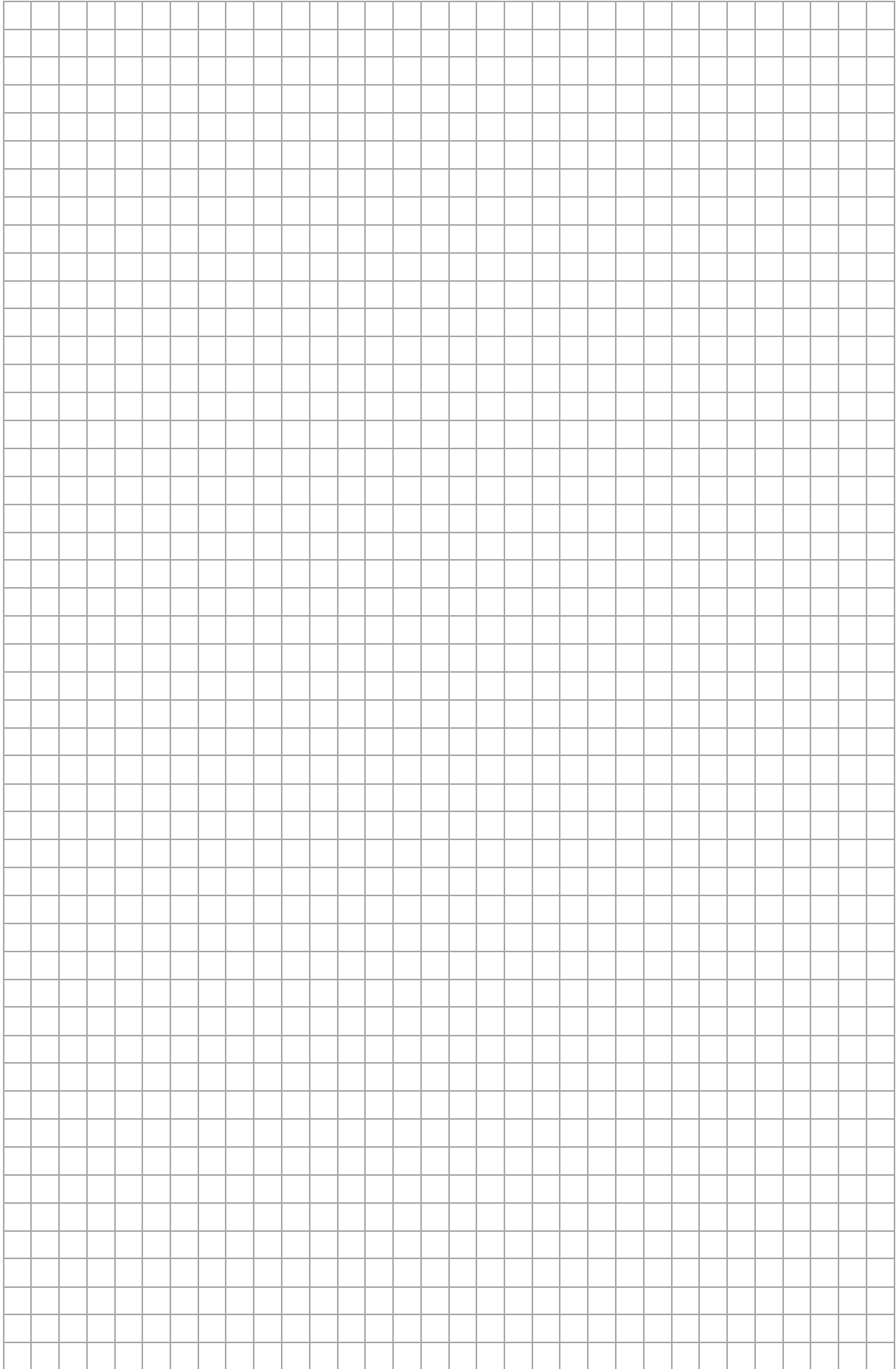
Oblicz odległość punktu C od prostej k oraz pole trójkąta ABC .

Zapisz obliczenia.

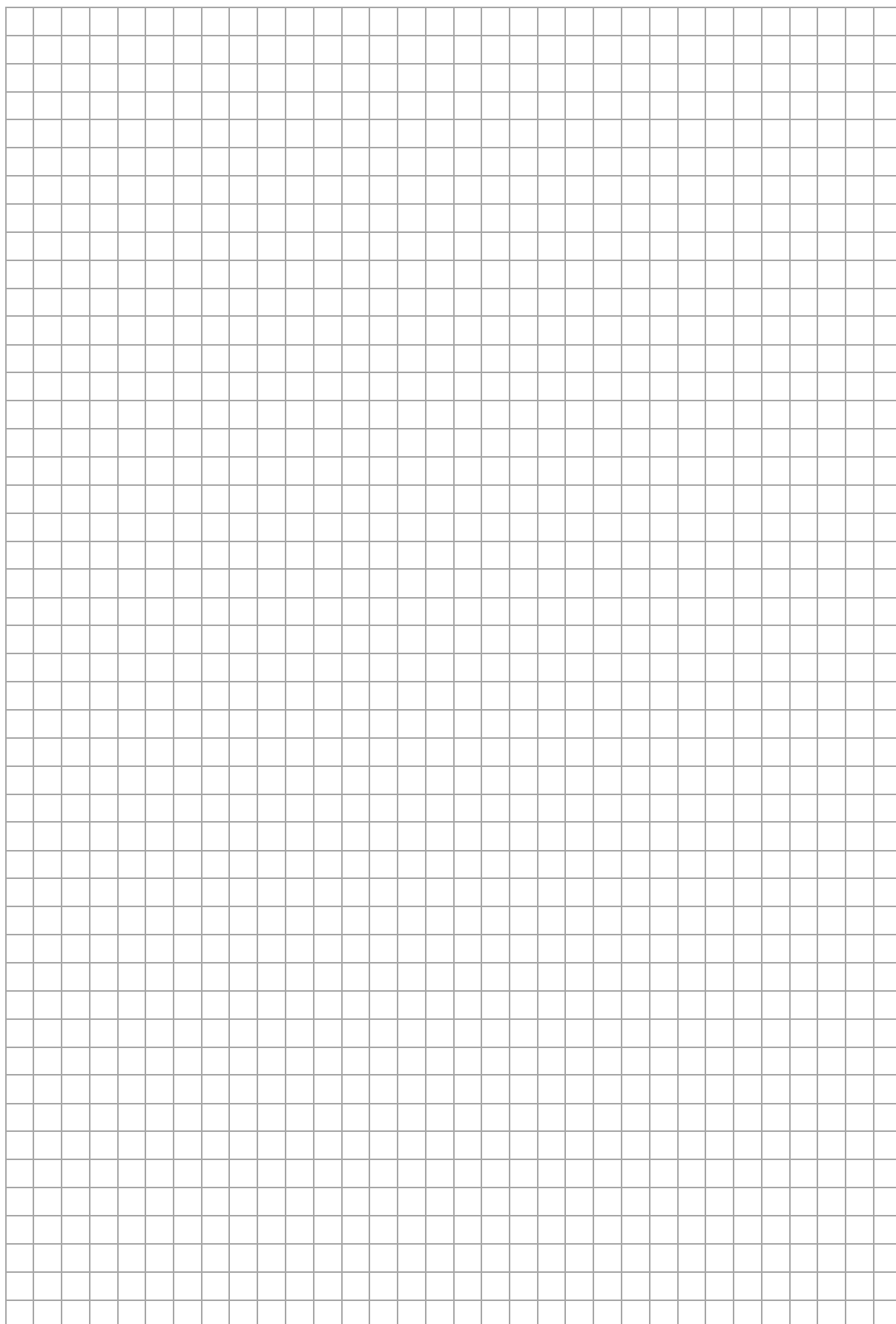


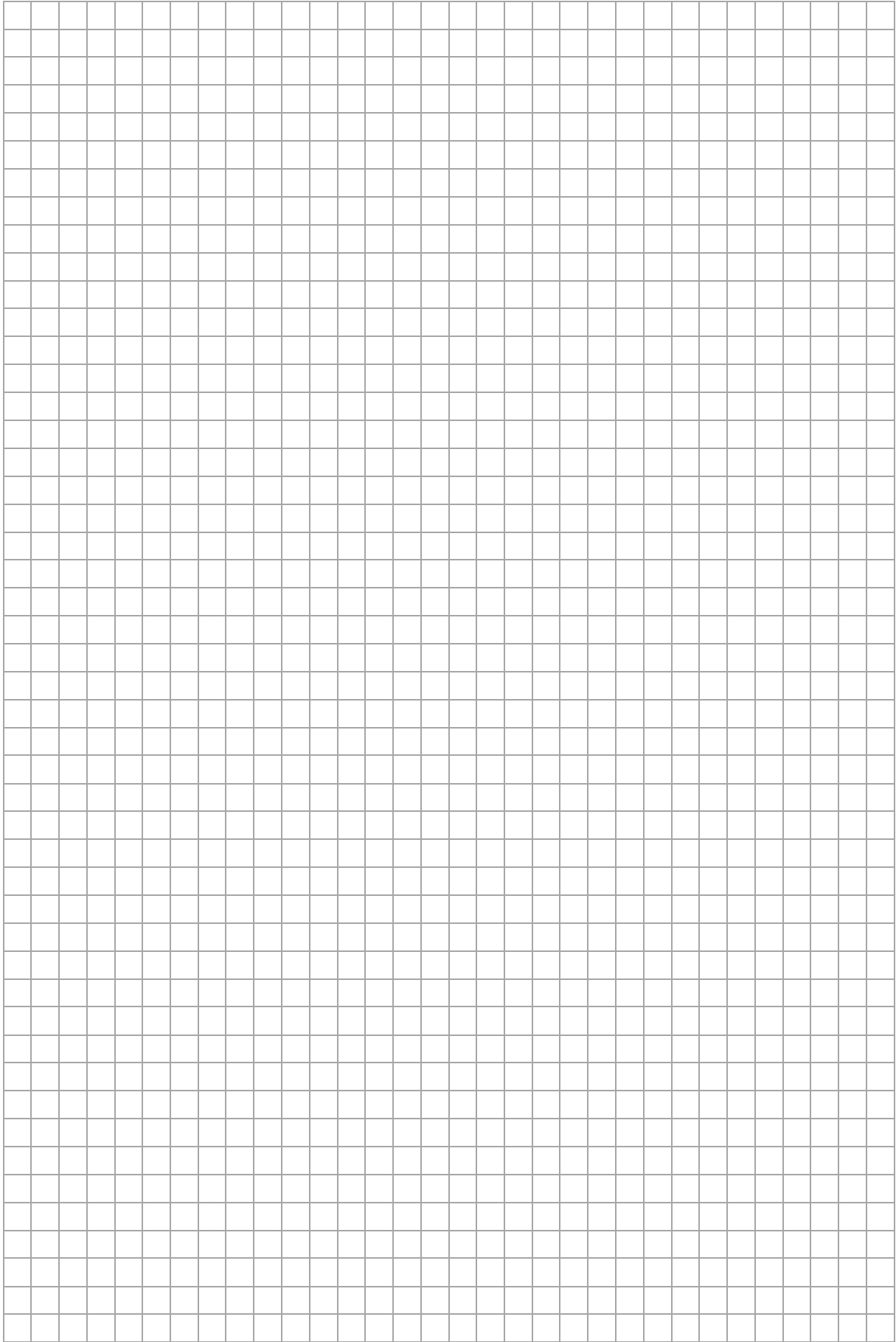






BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)





MATEMATYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023



MATEMATYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023



MATEMATYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023

